



Corso di Laurea Magistrale (LM-56) in Economia

BUSINESS ANALYTICS AND DECISIONS THEORY

Geometria Poliedrale

A. A. 2020/2021

Docente: Massimiliano FERRARA
A cura della Dott.ssa Tiziana CIANO

Vettori e matrici

La «**combinazione lineare**» di m vettori $v^{(1)}, \dots, v^{(m)} \in \mathfrak{R}^n$ con coefficienti $\lambda_1, \dots, \lambda_m \in \mathfrak{R}$ è il vettore $v \in \mathfrak{R}^n$ ottenuto come:

$$v = \sum_{k=1}^m \lambda_k v^{(k)} = \begin{bmatrix} \lambda_1 v_1^{(1)} + \dots + \lambda_m v_1^{(m)} \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \lambda_1 v_n^{(1)} + \dots + \lambda_m v_n^{(m)} \end{bmatrix}$$

Vettori e matrici

- ◉ Esempio

Siano dati i vettori di \mathfrak{R}^3

$$v^{(1)} = \begin{bmatrix} -4 \\ 5 \\ 3 \end{bmatrix}, v^{(2)} = \begin{bmatrix} 5 \\ -6 \\ 0 \end{bmatrix}, v^{(3)} = \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \\ 1 \end{bmatrix}$$

e gli scalari .

Il vettore di \mathfrak{R}^3 è pari a

$$v = \begin{bmatrix} 13 \\ -8 \\ -1 \end{bmatrix}$$

Geometria poliedrale

Definizioni

Dati k vettori $v^{(1)}, \dots, v^{(k)} \in \mathbb{R}^n$ e k scalari, il vettore $v = \sum_{j=1}^k \lambda_j v^{(j)} \in \mathbb{R}^n$ si dice:

✓ «combinazione affine» di

$$v^{(1)}, \dots, v^{(k)}, \text{ se } \sum_{j=1}^k \lambda_j = 1;$$

✓ «combinazione conica» di

$$v^{(1)}, \dots, v^{(k)}, \text{ se } \lambda_j \geq 0, j = 1, \dots, k;$$

✓ «combinazione convessa» di

$$v^{(1)}, \dots, v^{(k)}, \text{ se } \lambda_j \geq 0, j = 1, \dots, k, \text{ e } \sum_{j=1}^k \lambda_j = 1.$$

Geometria poliedrale

◉ Esempio

Siano dati i seguenti vettori di \mathfrak{R}^3 :

$$v^{(1)} = \begin{bmatrix} -4 \\ 5 \\ 2 \end{bmatrix}, v^{(2)} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ -3 \end{bmatrix}, v^{(3)} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix}, v^{(4)} = \begin{bmatrix} 3 \\ -2 \\ -3 \end{bmatrix}.$$

Ponendo , si ottiene la combinazione affine

$$v = \begin{bmatrix} 41/6 \\ -6 \\ -29/6 \end{bmatrix}$$

Geometria poliedrale

- ◉ Esempio

Ponendo , si ottiene la combinazione conica

$$v = \begin{bmatrix} -7/6 \\ 16 \\ 43/12 \end{bmatrix}$$

Ponendo , si ottiene la combinazione convessa

$$v = \begin{bmatrix} 7/15 \\ 31/15 \\ -2/5 \end{bmatrix}$$