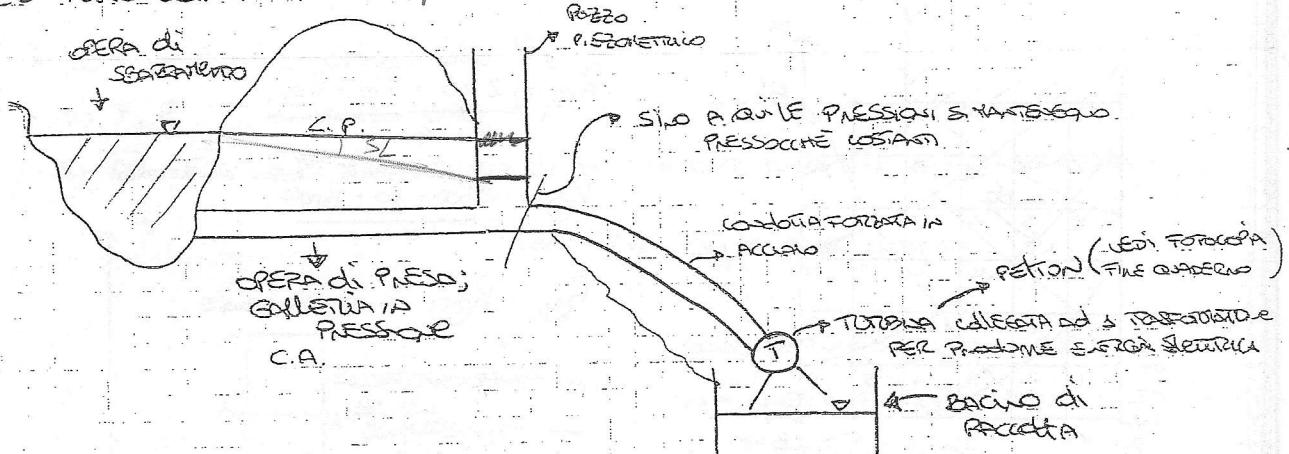


LEZIONE N° 18

18/04/2011

Corpo d'acqua (triturazione acquea)

consistente in un piano idraulico per riacqua fognata ed altre acque; esso sfrutta l'energia potenziale di una massa d'acqua immagazzinata in un bacino di raccolta dove viene realizzata un'opera di scarico, per ricaricazione acqua.



Una delle funzioni fondamentali del pozzo Pisciotello è cioè le sovrafflussi, le acque di riacqua che si generano in seguito ad una mancata chiusura di chiavi, rialzando la condotta forzata rispetto all'altezza della galleria in pressione in C.A.; dobbiamo quindi, andare a vedere quali sono le condizioni più pericolose per la stabilità della condotta forzata e perché sono le massime sovrappressioni che si generano in seguito alla mancata di chiusura.

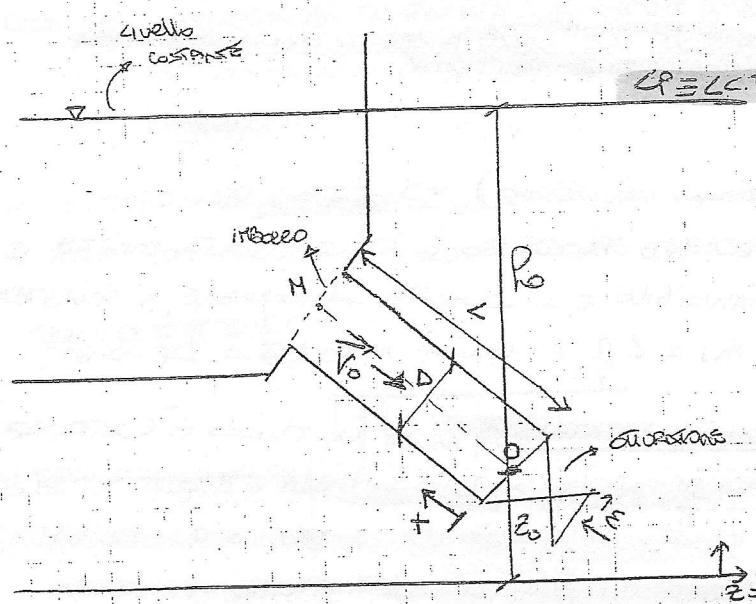
Il bacino di raccolta serve a raccogliere l'acqua in modo tale che di notte, quando il fabbisogno energetico di una città è minore, la surplus di energia prodotta dalle centrali termoelettriche (le centrali idroelettriche possono essere attivate e disattivate velocemente, quelle termoelettriche no), viene inviata alle centrali idroelettriche per pompare acqua dal bacino (di valle) al generatore di potere.

- ① Punto perde continuità di corrente pulita: avendo dovuto a sedere una società privata amministrare la portata bisognante ovvero a passare da un certo valore di Q a zero nel caso di fondo INCAPACITANTE. E in un condotto INDEFORMABILE.

Questa densità di grande serbatoio è un livello tutto costante.

76

QUESTO SERVOTONO VIENE DEFINITA UNA CONDOTTA CHE ALL'ESTREMA HA UNA
CHIUSA DI NEUTRALITÀ DELLA PORTA.



$H_p = \text{Fluido ideale} \rightarrow$
S. TRASURANZ
LE PENDICI
di carico
CET costanti

$V_o = \text{velocità di moto}$
PERMANENTE

$H_p = \frac{v^2}{2g} \text{ moto piccolo perché}$
 Q moto piccolo quindi
 $LCT \equiv LP$

Al tempo $t=0$ abbiamo chiuso l'apertura quindi la velocità passa dal valore V_o di moto PERMANENTE a zero:

$$V = V_o = 0$$

Quindi l'ENERGIA GINETICA SU TRASFERITA IN ENERGIA DI POSIZIONE PER UN SALTO
DELLE SOSTANZI, CHE SI PROPAGANO lungo LA CONDOTTA PORTA (Δp) che
POSSONO ESSERE DETERMINATE FONDAMENTALMENTE TEORIA DEGLI IMPULSI, BALANZO DELLE
2^a LEGGE DELLA DINAMICA:

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a} = m \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\text{con } m = \rho \cdot \pi \cdot L$$

πL = SEZIONE DELLA CONDOTTA DI
DIAMETRO D .

TEORIA
DEGLI
IMPULSI

$$\vec{F} \cdot dt = m d\vec{v}$$

VARIAZIONE DELLA QUANTITÀ DI MOTORE RELATIVA
ALLA MASSA m .

FORZA APPLICATA IN
UN TEMPO INFINTESIMO dt

$$\text{MA } \vec{F} = \Delta p \cdot \pi \cdot L \quad \text{quindi}$$

$$V_f = \text{velocità finale} = 0$$

$$V_i = \text{velocità iniziale} = V_o$$

$$\Delta p \cdot \pi \cdot L \cdot dt = \rho \cdot \pi \cdot L (V_f - V_i)$$

SOSTITUENDO SI HA:

$$\text{con } L \cdot \pi = \text{Volume}$$

$$\Delta p \cdot L \cdot dt = \rho L (0 - V_o)$$

E ANCORA:

$$\Delta p \vec{A} dt = \rho L V_0 \vec{n}$$

con V_0 opposto a \vec{n}
quindi $-V_0 = V_b \vec{n}$

per cui:

$$\frac{\Delta p}{dt} = \rho L V_0$$

*SORPRESA! CHE NASCE A SEGUITO DI UNA NESSUNA
ISTANTANEA DEL FLUSSO DELL'ACQUA.*

se $dt \rightarrow 0$ (ovvero è un tempo infinitesimo) $\Rightarrow \Delta p \rightarrow \infty$

qui di se $dt \rightarrow 0$ vuol dire che sto bloccando il flusso istantaneamente e quindi se il fluido è incompressibile e in condizioni in deformabile, si ammette l'infinita massa d'acqua di volume pari a $L \cdot R$ e quindi nasceranno $\Delta p \rightarrow \infty$!

⑦ Fluido compressibile in condizioni deformabili, se il fluido è compressibile (come per fortuna lo è) non si annullerà tutta la massa d'acqua, ma solo un idrante, per cui in un istante di tempo dt successivo a $t=0$ in prossimità dell'idrante si annullerà un idrante di AMPIETÀ INFINITA perché nulla può uscire da esso.

E LA RESTANTE MASSA D'ACQUA CHE FA?

continua a scorrere perché il fluido è compressibile (si ricorda che nulla vuol dire compatti), per cui la sezione AA si sposta nella sezione A'A' e la restante massa continua a muoversi perché adora di occupare il volume compreso tra le due sezioni. Quello che occorre determinare è la variazione Δp che nasce a seguito della chiusura nell'istante dt ; applicando a tal proposito la teoria degli impulsi tenendo presente che nella sezione che dista ds dall'idrante abbiamo una pressione pari a P_0 che all'istante di interessa di una quantità Δp :

$$(P_0 + \Delta p) \vec{n} \cdot \vec{r} dt - P_0 \vec{n} \cdot \vec{r} dt = m dv \quad \text{con } m = \rho r ds$$

$$\Delta p \vec{n} \cdot \vec{r} dt = \rho r ds (\vec{v}_p - \vec{v}_i)$$

$\vec{v}_0 = -\vec{v}_{0m}$

allora:

$$\Delta p \vec{n} \cdot \vec{r} dt = \rho r ds v_b \vec{n}$$

$$\Delta p = \rho \cdot g \cdot a \cdot V_0 \quad 23$$

quindi: $\Delta p = \rho \frac{ds}{dt} V_0$

$$dt \rightarrow a \approx 1000 \text{ m/s} = \frac{ds}{dt}$$

con $a =$ velocità di propagazione delle onde (la perturbazione) a seguito di una variazione di pressione e di propagarsi dell'urto verso l'indietro.

In questo tempo $ds = at$ è il distretto di fluido soffiato, se in questo tempo non è at , che succede? (vedi facoltà fine questo). Si fermerà perché il

distretto che sta sopra per cui

si ha una perturbazione che

si propaga dall'urto verso

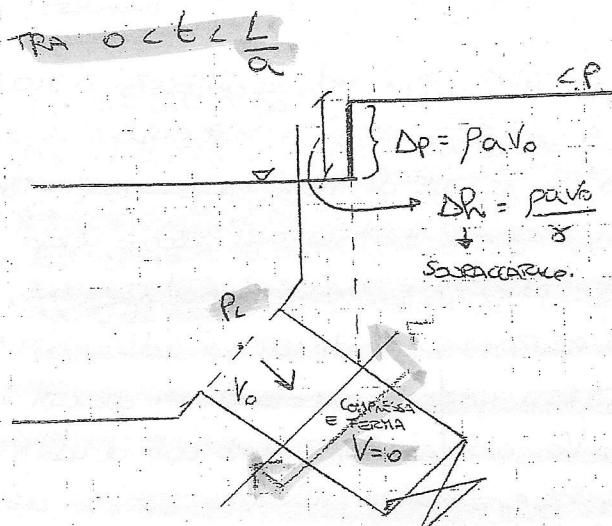
l'indietro è ad uno passaggio

i distretti toccati da questa

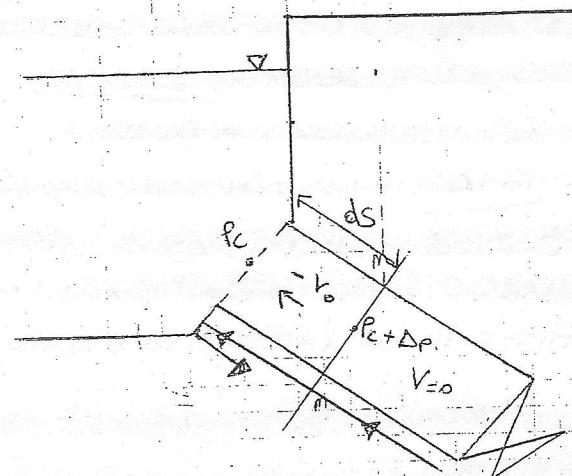
perturbazione si ammucchiano,

si comprimono e la pressione

scenderà di una quantità Δp .



Dopo $t = \frac{L}{a}$ la perturbazione sarà arrivata all'indietro (la pressione P_2 all'indietro è costante perché il scorrimento è a livello costante). All'indietro c'è



per cui:

$$F_{\text{olt}} = m dV$$

$$\Delta p \cdot m \cdot dt = P_2 ds (V_f - V_i) = P_2 ds V_f$$

$$\Delta p \cdot m \cdot dt = P_2 ds V_f$$

che sarebbe di forza in unità del
fatto che nell'indietro c'è una pressione P_2
e in una generica sezione m cui dista
da dell'indietro si ha una pressione P_2
a $P_2 + \Delta p$ per cui questo scorrimento farebbe
che il distretto rispetto di fluido
inizi a muoversi di velocità V verso
l'indietro. Per calcolare la velocità
applicando la teoria degli indietri;

$$\Delta p dt = \rho A V_0 dt$$

Sostituendo si ha:

$$\rho A V_0 dt = \rho ds \cdot V_f$$

Quindi

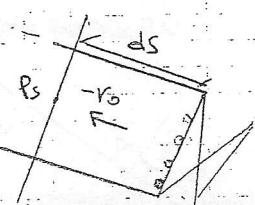
$$V_f = \frac{\rho A V_0 dt}{\rho ds}$$

$$\text{con } \frac{ds}{dt} = a$$

consequently $V_f = V_0$

* si ricorda la
condizione di moto
rettilineo!

Questo signifca, quindi, in un istante di tempo Δt pari ad $\frac{L}{a}$ inizierà a muoversi verso il sensore con una velocità pari $A - V_0$ e resterà a riposo per il resto del volume iniziale*. Arrivata all'imbocco, in un istante di tempo Δt successivo si ha una nuova perturbazione che questa volta si propagherà verso l'imbocco verso l'auricolare e in un tempo $t = \frac{2L}{a}$ la perturbazione raggiungerà l'auricolare;



All'auricolare il fluido è sollecitato a muoversi verso l'imbocco con una velocità pari $A - V_0$, ciò comporta che se il fluido dovesse staccarsi dall'auricolare, ma ciò non è possibile perché (è praticamente impossibile staccare il fluido dall'auricolare) quindi in un istante dopo averlo all'istante di tempo pari a $t = \frac{2L}{a} + \Delta t$ il fluido si ferma e dunque viene sollecitato a muoversi verso il sensore, su destra

e nell'auricolare c'è una pressione

$$\text{pari a } P_0 - \Delta p \text{ cioè } -\Delta p \text{ dalla } -V_0.$$

Nascerà quindi una sorpresa depressione. La perturbazione si muove verso l'imbocco (nel frattempo la tassa d'acqua si sarà abbassata) e

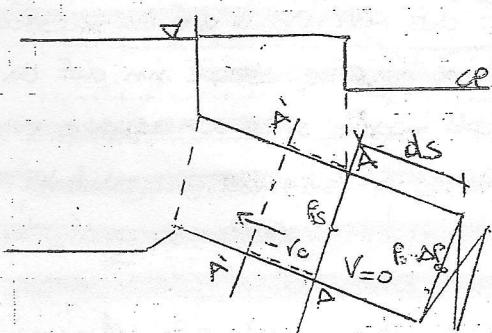
in un tempo pari a $\frac{3L}{a}$ la perturbazione è arrivata all'imbocco e si propagherà

in un istante successivo, con una velocità pari ad a verso l'auricolare,

tutta la cordata, prima dell'istante Δt (posta che la tassa d'acqua è scesa

rispetto a quella verso l'auricolare) è in depressione. Anche questa può

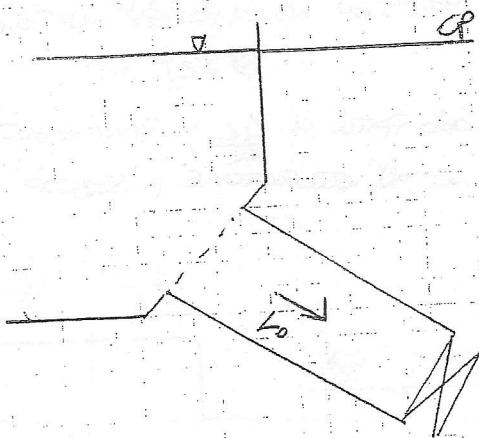
essere una situazione di equilibrio perché se consideriamo un segnale che dista ds dall'imbocco abbiamo una pressione pari a $P_0 - \Delta p$.



7c

per cui in un istante
di tempo passi a
 $t = \frac{3L}{a} + dt$, si causa
con $\Delta p = \alpha \rho p$ di questo spostamento di
forze il fluido tende
rà a muoversi dell'indirizzo
verso l'azione ω_0 con
velocità calcolata applicando la
teoria degli impatti, pari a $V_0 -$

A questo punto il fluido riprenderà il suo moto iniziale, per
essere nascosta una perturbazione, questa volta discendente i cui effetti
sono di rifuggire il fluido in condizioni di moto perturbato.
Nell'istante di tempo $t = \frac{4L}{a}$ la perturbazione arriva di nuovo
all'azione e a inizio come nella situazione $t = 0$ di moto perturbato.



Si ha quindi, un fenomeno
periodico di periodo pari a $\frac{4L}{a}$

per cui ha un istante di tempo
 $t = \frac{4L}{a} + dt$ tutto ricomincia da
zero, questo dimostrerebbe all'inizio
se il fluido fosse ideale;
nel fluido infatti ci sono le perdite
cause delle dissipazioni di energia

ogni per cui il fenomeno si svolta ed. passare del tempo,

indicando così:

$T_0 = \frac{2L}{a} = \text{TEMPO DI FASE} \rightarrow \text{TEMPO necessario affinché la perturbazione}$
per l'azione abbia all'inizio e torni
all'azione

LEZIONE N° 19 (continuazione...)

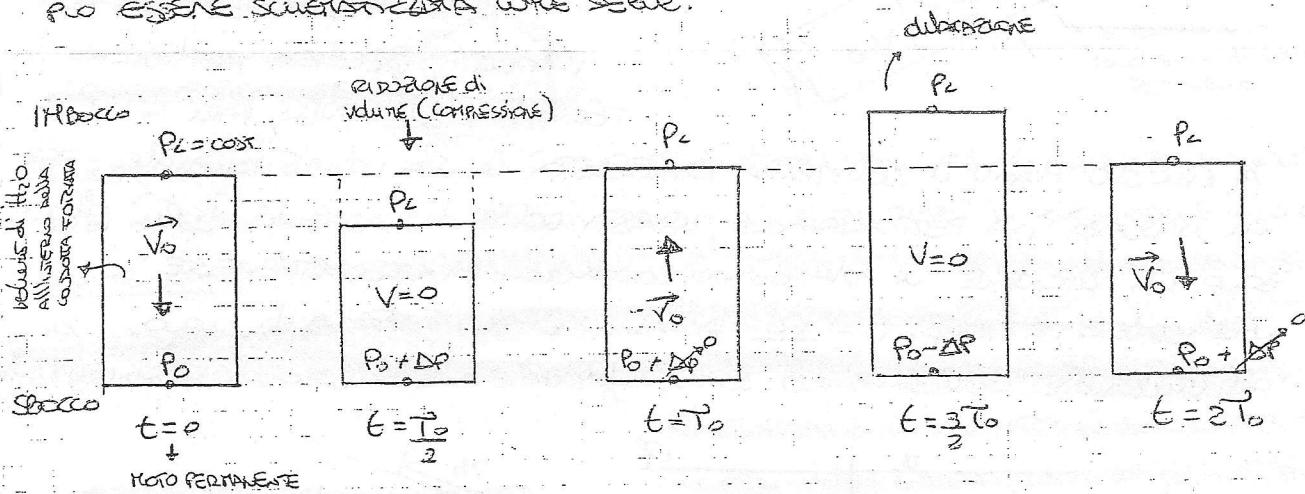
19/04/2014

quadramma

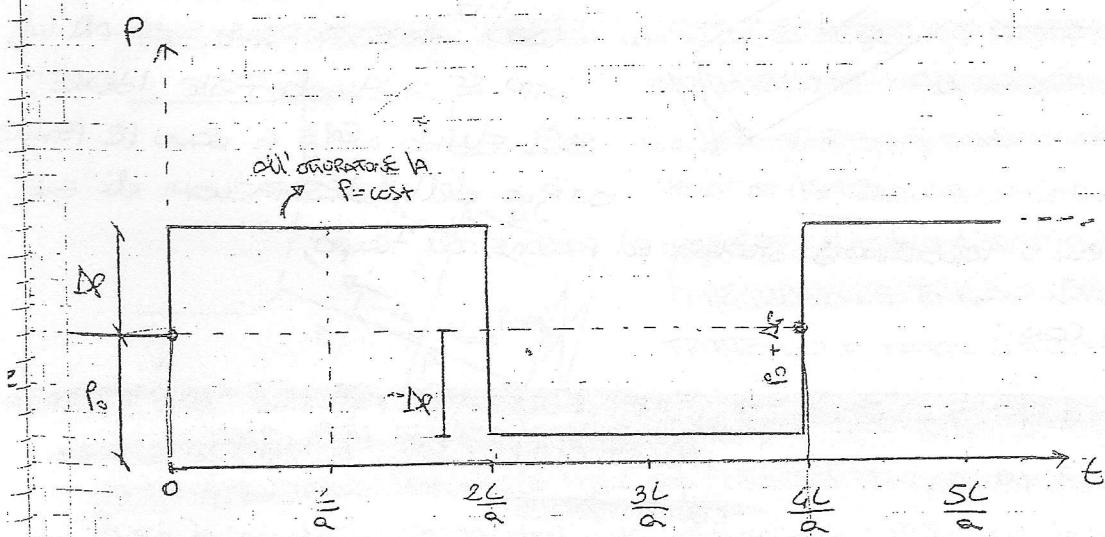
Continua la trattazione del moto d'onda. Avendo veduto cosa succede quando si amena di colpo il flusso dell'acqua all'interno di un condotto fermo; le successioni di stato di ΔP sono $P_0 = P_0 V_0$ iniziale
Si ha solo soppr. negativa e solo pos. positiva.

velocità di moto permanente

definito $T_0 = \text{TEMPO DI FASE} = \frac{2L}{a}$ questa situazione può essere schematizzata come segue:



Il fenomeno è quindi di un periodo pari a $\frac{4L}{a}$; rappresentiamo l'andamento delle pressioni che hanno all'avvenire a seguito di un'apertura brusca di chiavi:



Prima dell'istante $t=0$ la pressione aveva un valore costante pari a P_0 . Escludo il moto permanente; nell'istante $t=0$ si apre la maniglia di chiusura per cui si genera una sovrapressione per cui la pressione inizierà di una quantità pari a ΔP , le oscillazioni di un tempo pari

75

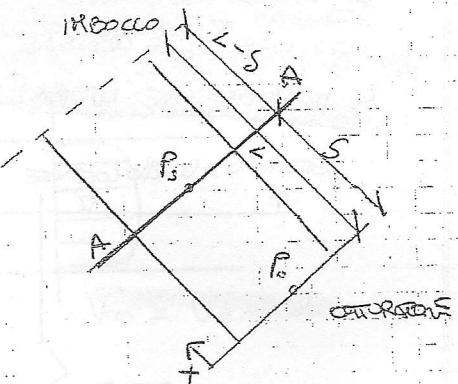
• L'ATRACCIO ALL'INCIOMA ALL'OTTURAZIONE LA PRESSIONE DI MASTERS COSTANTE; AL TEMPO $\frac{2L}{a}$ LA PERCUTAZIONE ARRIVA NUOVAMENTE ALL'OTTURAZIONE CON UNA PRESSIONE PARÙ A $P_0 + \Delta p$ E IN QUESTO ISTANTE IL VOLUME CHE SOTTOCOSTA A TUBEROSA VENDE L'IMBACCO PER LUI ASCESA UNA SOVRAPPRESSIONE NEGATIVA CHE FARÀ PASSARE LA PRESSIONE DA UN VALORE $P_0 + \Delta p$ A UN VALORE $P_0 - \Delta p$; LA PERCUTAZIONE RUSOLE NUOVAMENTE MA LA PRESSIONE DI MASTERS COSTANTE FINO AL TEMPO $\frac{4L}{a}$ = TEMPO DI FINE DUE SI RETORNA IN CONDIZIONI DI PUNTO PERMANENTE CORRE NELL'ISTANTE DI TEMPO $t=0$ E SI TUTT'ARTE CON UN VALORE PARÙ A $P_0 + \Delta p$ (CICLICITÀ).

CONSIDERIAMO ADesso UNA GENERICA SEZIONE

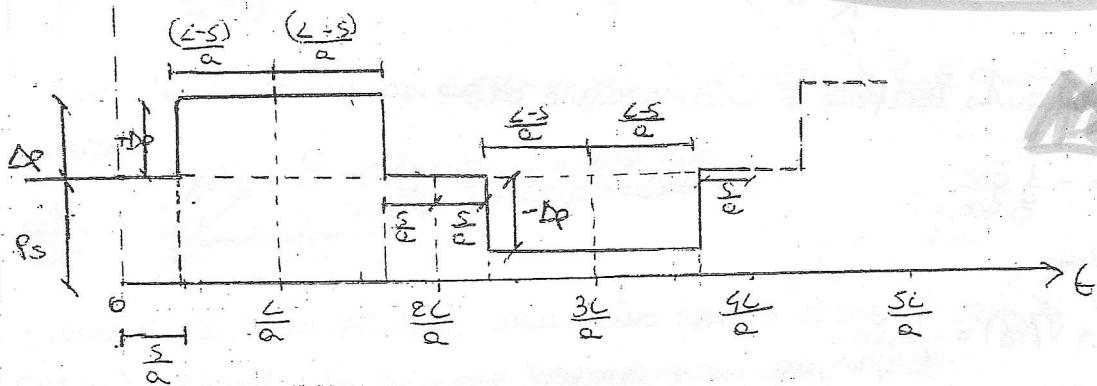
AA DISTANZA S (ASCISA DELLA SEZIONE)
DALL'OTTURAZIONE, CON L = LARGHEZZA DELLA
CONDUTTA FOTUSTA;

TRACCIAMO IL DIAGRAMMA DELLE SOVRAPPRESSIONI
PER LA GENERICA SEZIONE DI ASCISA S .

$\uparrow P$ con $P_{sc} \neq 0$



con $\frac{L-S}{a}$ = TEMPO NECESSARIO EFFETTUARE
LA PERCUTAZIONE



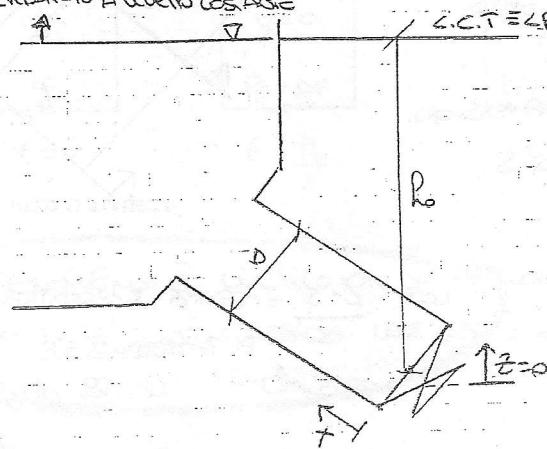
NELL'ISTANTE $t=0$ ESEGUONO LA MANOVRA DI CHIUSURA TA LA PERCUTAZIONE ARRIVERÀ NELLA SEZIONE CONSIDERATA DOPO UN TEMPO PARÙ A S/a , DOPO IL QUALE SI AVrà UNA SOVRAPPRESSIONE Δp CHE SI MANTERRÀ COSTANTE FINO AD UN VALORE DI TEMPO PARÙ A $(\frac{2L}{a} - \frac{S}{a})$ PERCHÉ IN $\frac{3L}{2}/a$ RAGGIUNGE DI NUOVO L'OTTURAZIONE, MA RAGGIUNGE LA SEZIONE PARÙ UN ISTANTE DI TEMPO $\frac{S}{a}$ PRIMA; A QUESTO PUNTO IL FLUIDO RIPETE IL SUO VOLUME INIZIALE E PUÒ ESSERE UNA PRESSIONE PARÙ A P_s ; ALL'ISTANTE DI TEMPO $\frac{2L}{a}$ LA PERCUTAZIONE È RICORRUTA ALL'OTTURAZIONE E TORNA NUOVAMENTE E RAGGIUNGE LA SEZIONE DOPO UN TEMPO S/a DAL NASCERE UNA SOVRAPPRESSIONE NEGATIVA PARÙ A $P_s - \Delta p$ E TUTT'ARTE COSTANTE FINO

A questo la pressione esista all'interno, forza laterale si incappa di non la sezione A in un tempo pari a $\left(\frac{4L}{\alpha} - \frac{s}{2}\right)$ in cui si parla una pressione pari a P_0 ripristinata. Le condizioni di moto risultante è poi a disegnare su perire il moto idraulico.

TRATTAZIONE ANALITICA DEL CAPO D'ARRETE

Si trova di cercare delle equazioni differenziali che legano la velocità e il cauto in quanto essendo in presenza di moto con il moto dei cambiamenti del campo di velocità; trattamento chiusine reali (che possono variare con una legge qualsiasi) non istantanee e costituenti il fluido plastico e deformabile purtroppo lo scena seguente:

SETTORE A LIVELLO COSTANTE



C.T.E.P.

con S SEZIONE COSTANTE FORMATA
di diametro D .

H_0 : si trascurano le perdite di carico;
con piccole pendenze, piccole velocità
per cui C.T.E.P.

con h_0 = carico all'apertura in
condizioni di moto
permanente.

Per un liquido perfetto è incompatibile valgono:

$$\frac{\partial H}{\partial t} = -\frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t}$$

$$\text{con } H = z + \frac{P}{\rho g} + \frac{V^2}{2g} = z + \frac{V^2}{2g}$$

sostituendo:

$$\frac{\partial (z + \frac{V^2}{2g})}{\partial t} = -\frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t}$$

$$\frac{\partial z}{\partial t} + \frac{2V}{g} \frac{\partial V}{\partial t} = -\frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t}$$

Ci interessa sapere come varia il carico idrostatico nello spazio, per cui:

$$\frac{\partial H}{\partial S} = -\frac{1}{g} \left(\frac{\partial V}{\partial t} + V \frac{\partial V}{\partial S} \right) = -\frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t}$$

vale per un fluido ideale
e incompatibile lungo una
traiettoria.

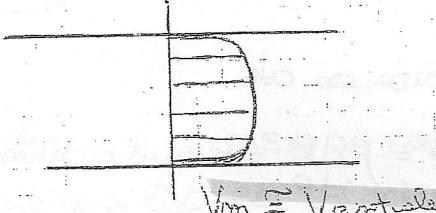
DERIVATA TOTALE O DERIVATA ESEGUENTE

HA LA LEGGE \star HA DI PROBLEMI:

- 1) VALE BISOGNO UNA TRAIETTORIA E NOI POSSIAMO APPLICARLA AD UN CORRENTE ALL'INTRO DELLA CORDATA FORZATA;
 - 2) VALE PER UN FLUIDO INCOMPRESSIBILE MA NON POSSIAMO APPLICARLA UN FLUIDO COMPRESSIBILE;
- Vediamo quindi come possiamo estendere tale legge ad una corrente e ad un fluido compressibile; analizzando singolarmente i due problemi.

1) La \star che lega la P alla V ; se $V = V_{\text{media}}$ della corrente possiamo usare la legge tra P e V_{media} la cui esistenza è un vantaggio in quanto la V è una velocità risuale (lungo la traiettoria);

Nel caso inverso la direzione delle velocità è appunto per cui si può "costruire" la velocità media con la velocità risuale; per cui questa legge per noi rimaneva la pressione esistente alla corrente.



2) Per quanto riguarda la compressibilità rifaremo la \star

$$\frac{\partial h}{\partial s} = -\frac{1}{g} \frac{dV}{dt} \quad \text{con } h = P + z \quad \text{si nota quindi}$$

CHE LA COMPRESSIBILITÀ ENTRA IN BOCO NEL TERMINE P E QUINDI IN $\frac{\partial h}{\partial s}$ AVEMMO:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{\partial z}{\partial s} + \frac{\partial}{\partial s}(P/\delta)$$

\rightarrow DENSITÀ SPECIALE DELLE
ALTEZZE PIEGHEVOLI

SICCOME IL PESO SPECIFICO VARIA NELLO SPAZIO PERCHÉ USNA LA PRESSIONE POSSIAMO SCRIVERE ALLA DENSITÀ SPECIALE LA FORMULA TUTTE:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{d(P/\delta)}{ds} \quad \text{PERCHÉ } \delta = P/g \quad \text{con } P = m \cdot w$$

PERCHÉ P VARIA PERCHÉ VARIA w E w VARIA PERCHÉ VARIA LA PRESSIONE QUINDI IN GENERALE LA LEGGE DI COMPRESSIONE DIPENDE SIA DALLA PRESSIONE.

SE IL FLUIDO È INCOMPRESSIBILE:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{1}{\delta} \frac{\partial P}{\partial s} \quad 0$$

essendo un fluido compressibile:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{\partial (\rho/\sigma)}{\partial s} = \frac{1}{\sigma} \frac{\partial \rho}{\partial s} - \frac{1}{\sigma^2} \frac{\partial \sigma}{\partial s}$$

il σ varia lungo s perché varia la pressione; il $\frac{\partial h}{\partial s}$ possiamo scrivere anche così:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{1}{\sigma} \frac{\partial \rho}{\partial s} - \frac{P}{\sigma^2} \frac{\partial \sigma}{\partial s} \cdot \frac{\partial \sigma}{\partial P} = \frac{1}{\sigma} \frac{\partial \rho}{\partial s} \left(1 - \frac{P}{\sigma} \frac{\partial \sigma}{\partial P} \right)$$

quindi:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{1}{\sigma} \frac{\partial \rho}{\partial s} \left(1 - \frac{P}{\sigma} \frac{d(\rho/\sigma)}{dP} \right)$$

è una costante, si può semplificare

Ricordando che:

$$E = \frac{P dP}{d\rho} = \text{modulo di elasticità a compressione unica}$$

si ha:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{1}{\sigma} \frac{\partial \rho}{\partial s} \left(1 - \frac{P}{E} \right)$$

$$\left. \begin{array}{l} E_{H_2O} = 2 \cdot 10^8 \text{ kg/m}^2 \\ \text{Pressione di} \\ \text{esercizio} \\ \text{generale} \end{array} \right\} = 100 \text{ kg/cm}^2$$

Quindi il rapporto $\frac{P}{E}$ è
essendo tutto finito di

$$\left. \begin{array}{l} P = \frac{100}{2 \cdot 10^8 \cdot 10^4} = 0,005 \end{array} \right\}$$

si può trascurare per cui

$$\frac{\partial h}{\partial s} = \frac{d(\rho/\sigma)}{ds} = \frac{1}{\sigma} \frac{d\rho}{ds}$$

vale quindi la stessa relazione ottenuta
per i fluidi incompressibili.

Quindi ha:

$$\frac{\partial h}{\partial s} = -\frac{1}{\sigma} \left(\frac{\partial V}{\partial t} + V \frac{\partial \sigma}{\partial s} \right)$$

→ può essere utilizzata nel caso di
correnti e di fluido compressibile!

Sono in presenza di moto con uno degli argomenti della nostra classe
sia nello spazio che nel tempo; l'argomento può essere del tipo

$(t \oplus x)$ e tiene conto del fatto temporale (t) e del totale spaziale (x) cioè

dopo al fatto che
abbiamo una perturbazione
che sale e che scende

$\alpha = \text{velocità della perturbazione}$

Riferendosi sempre al nostro intervallo per piccole portate e alte cadute il terreno $\frac{\partial v}{\partial t}$ può essere trascurato rispetto ai termini che variano nel tempo perché:

$$\frac{\partial v}{\partial t} = V' \quad \text{con } (t + \frac{x}{a}) \text{ momento di } V$$

Quindi se faccio la derivata spaziale dell'altezza di V si ha:

$$* \frac{\partial^2 v}{\partial s^2} = V \cdot V' (\pm \frac{1}{a})$$

con $a = 1000 \text{ cm}/s$ $\Rightarrow \frac{V}{a}$ è molto piccolo
 $V = 3-4 \text{ m}/s$

Velocità di escazione,
piccole portate, piccole V

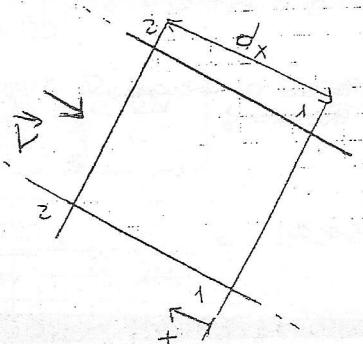
Per cui possiamo dunque scrivere per la derivata di V da cui si ricava
che il rotolo piccolo che può essere trascurato in confronto a $\frac{\partial v}{\partial t}$, per cui si ha:

$$\frac{\partial h}{\partial x} = -\frac{1}{g} \frac{\partial v}{\partial t}$$

visto che le discussione concernente l'andamento verso l'alto è che la velocità
ha direzione opposta a x si può scrivere:

$$\boxed{\frac{\partial h}{\partial x} = \frac{1}{g} \frac{\partial v}{\partial t}} \Rightarrow \text{Equazione del moto per il fenomeno del} \\ \text{colpo d'arresto}$$

L'obiettivo è vedere come varia il canale nel tempo in considerazione di una determinata sezione; per cui all'escursione del moto desideriamo
associare l'equazione di continuità nel caso di moto carico; la densità
 ρ è variabile perché il fluido è compressibile per cui abbiamo fatto
un bilancio di massa, considerando quindi un idraulico di fluido,
in cui consideriamo di apprezzare dx compreso tra le sezioni 1-1 e 2-2;



nel tempo dt infinitesimo la massa che entra
nella sezione 2-2 meno quella che esce attraversa
la sezione 1-1 deve raggiungere la variazione
di massa (sempre nel tempo dt infinitesimo)
dovuta alla variazione della densità.

PER UN :

$$M_{x-1} = PQ dt$$

$$PQ dt = [Rg/m \cdot m^3/s \cdot s] = kg$$

$$M_{x-2} = (PQ + \frac{\partial PQ}{\partial x} dx) dt$$

Ω = sezione condotta

quindi

vedere

$$(PQ + \frac{\partial PQ}{\partial x} dx) dt - PQ dt = \frac{\partial P \Omega}{\partial t} dx dt$$

$$\frac{\partial PQ}{\partial x} dx = \frac{\partial P}{\partial t} \Omega dx \quad \text{con } Q = V \cdot \Omega$$

quindi:

$$\frac{\partial(PV\Omega)}{\partial x} = \frac{\partial(P\Omega)}{\partial t}$$

con $P, V, \Omega \Rightarrow$ variabili

esplicitiamo le derivate:

$$P \frac{\partial \Omega}{\partial x} + P V \frac{\partial \Omega}{\partial x} + V \frac{\partial P}{\partial x} = P \frac{\partial \Omega}{\partial t} + \Omega \frac{\partial P}{\partial t}$$

trascurabile rispetto a
la variazione nello spazio

per cui si ha:
la variazione nello spazio per la tendenza di impasto considerato *

$$P \frac{\partial \Omega}{\partial x} = P \frac{\partial \Omega}{\partial t} + \frac{\partial \Omega}{\partial t} \quad \text{indirizzo per } P\Omega$$

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \frac{1}{\Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial t} + \frac{1}{P} \frac{\partial P}{\partial t} \quad \text{con } P \text{ che varia perché varia la pressione per
un passo costante:}$$

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \frac{1}{\Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial t} \frac{\partial \Omega}{\partial t} + \frac{1}{P} \frac{\partial P}{\partial t} \frac{\partial P}{\partial t} \quad \text{raccordando in } \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \frac{\partial P}{\partial t} \left(\frac{1}{\Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial t} + \frac{1}{P} \frac{\partial P}{\partial t} \right) \rightarrow \frac{1}{E} \rightarrow \text{modulo di elasticità a compressione}$$

per cui:

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \frac{\partial P}{\partial t} \left(\frac{1}{\Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial t} + \frac{1}{E} \right) \quad \text{essendo } R = z + \frac{P}{E}$$

$$P = \gamma(R - z)$$

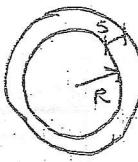
per un sostituito si ha:

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \gamma \frac{\partial h}{\partial t} \left(\frac{1}{\Omega} \frac{dh}{dt} + \frac{1}{E} \right) \rightarrow \begin{array}{l} \text{possiamo considerare} \\ \text{la derivata totale perché la sezione si varia allo} \\ \text{fondore della pressione} \end{array}$$

la nostra sezione è una sezione circolare

$$\text{per cui: } S = \pi R^2$$

$$dS = 2\pi R dr$$



Sostituendo si ha:

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \gamma \frac{\partial h}{\partial t} \left(\frac{1}{\pi R^2} \cdot \frac{\partial \pi R^2}{\partial P} + \frac{1}{\gamma} \right)$$

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \gamma \frac{\partial h}{\partial t} \left(\frac{2}{R} \frac{\partial P}{\partial P} + \frac{1}{\gamma} \right) \rightarrow \text{RAPPRESENTA LA VARIAZIONE DI RISPEZZO CON IL PASSAGGIO DAL PUNTO A AL PUNTO B}$$

QUESTA LOTTURA DELLE TENSIONI VISTO

PRESSEZIONE
DI ESERCIZIO

$$\text{IN PRECEDENZA abbiamo discusso che lo spessore } S = \frac{P.D.}{20} = \frac{P.R}{20} \text{ con } \frac{D}{2} = R$$

COSTANTE DI SICUREZZA
TRAZIONE

definiamo l'allungamento effettivo per un incremento di

$$\text{PRESSIONE DI GAS: } d\delta = \frac{dP}{E} = \frac{dP \cdot R}{S \cdot E} \text{ con } \sigma = \frac{P \cdot R}{S}$$

+ modulo di elasticità

Allora l'allungamento effettivo

$$dR = R \cdot d\delta = \frac{dP \cdot R^2}{S E} \quad \text{SEPARIAMO LE VARIABILI:}$$

MAI CHIESA

(REGOLO)

$$\frac{dR}{dP} = \frac{R^2}{S E}$$

SOSTITUENDO SOPRA SI HA:

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \gamma \frac{\partial h}{\partial t} \left(\frac{2}{R} \frac{R^2}{S E} + \frac{1}{\gamma} \right) = \gamma \frac{\partial h}{\partial t} \left(\frac{2}{S E} + \frac{1}{\gamma} \right) \quad \text{RICAVANDO IL } \frac{\partial h}{\partial t}$$

$$\frac{\partial h}{\partial t} = \frac{\partial V}{\partial x} \cdot \frac{1}{\gamma} \left(\frac{1}{\frac{2}{S E} + \frac{1}{\gamma}} \right)$$

ESPLICATIVO $\gamma = P \cdot g$ E RACCOLGONO IL

$$\frac{\partial h}{\partial t} = \frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial x} \cdot \frac{1}{\gamma \left(\frac{2}{S E} + \frac{1}{\gamma} \right)}$$

$$\frac{\partial h}{\partial t} = \frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial x} \cdot \frac{1}{\gamma \left(\frac{2}{S E} + \frac{1}{\gamma} \right)} \rightarrow a^2$$

$C = \sqrt{\gamma / \rho} \approx 14000 \text{ m/s} = \text{costante}$
 $\text{con cui si progetta un'onda}$
 di pressione

DEFINITA:

$$a = \sqrt{\frac{\gamma / \rho}{1 + \frac{2E}{S E}}} = 1000 \text{ m/s}$$

velocità con cui si propagano le onde di pressione

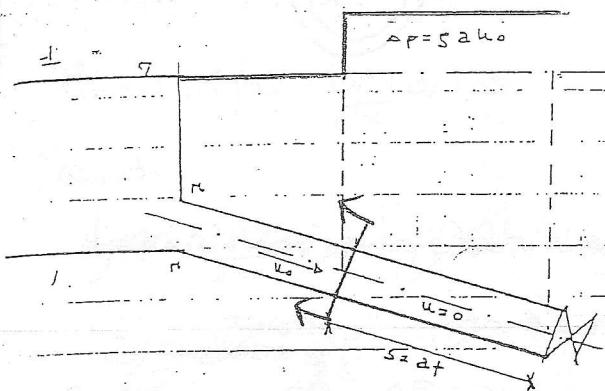
PER TANTO:

$$\left| \frac{\partial h}{\partial t} = \frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial x} \right| \quad \leftarrow \text{EQUAZIONE DI COSTRUTTO}$$

$$\frac{\partial h}{\partial x} = \frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial t} \quad \leftarrow \text{EQUAZIONE DEL ROTTO}$$

RICAVARE LA LEGGE DI
VARIAZIONE DEL ROTTO NEL
TEMPO IN CORRISPONDENZA
DI UNA DETERMINATA
ASCESA.

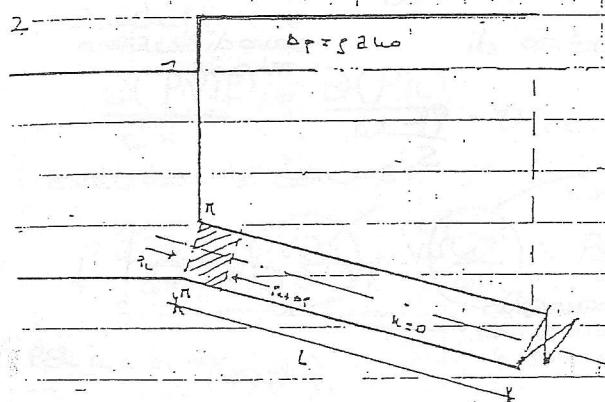
(12)



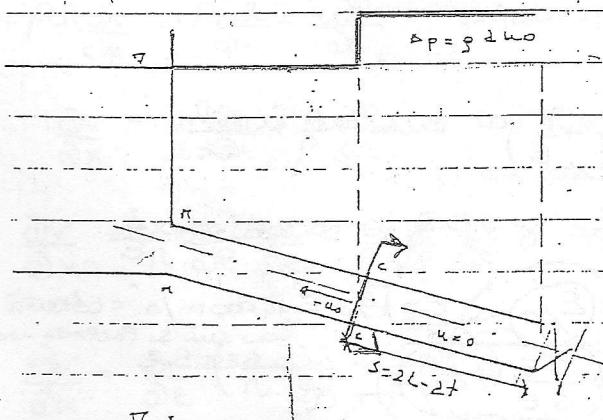
perturbazione nata dall'otturatore
diretta verso la sezione d'imbocco

PERTURBAZIONE ASSINTOTICA ASCEN-

DIRETTA



la perturbazione raggiunge la sezione
d'imbocco in situazione di non e-
quilibrio

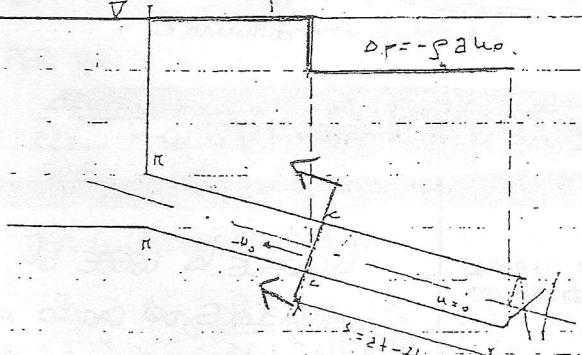


perturbazione diretta verso l'otturatore
nel tronco compreso fra
l'otturatore e la sezione che deve
ancora arrivare

PERTURBAZIONE POSSIBILI DIVERSI

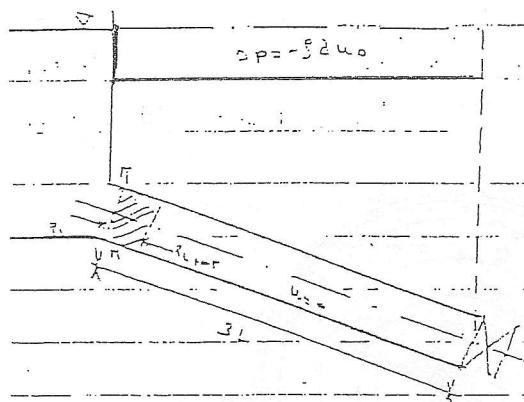
$$\frac{2L}{d} < t < \frac{3L}{d}$$

perturbazione diretta verso
l'imbocco (stato di dilatazione)
PERTURBAZIONE ASCENDENTE



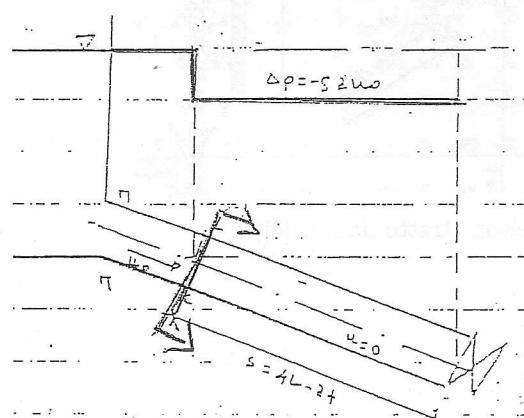
75

(13)



$$t = \frac{3L}{2}$$

la perturbazione ha raggiunto l'imbocco, la massa liquida è tutta in quiete



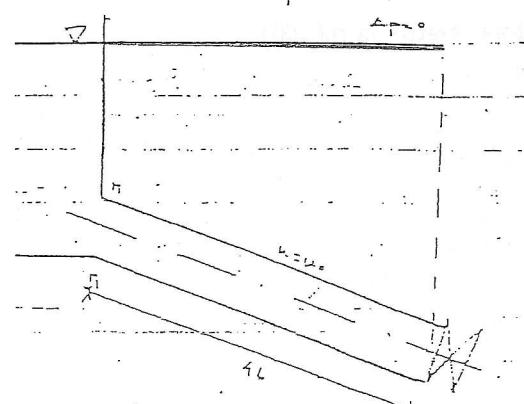
$$\frac{3L}{2} < t < \frac{4L}{2}$$

nelle una perturbazione di sen-
dente il cui passaggio ricon-
duce la pressione ai valori di
moto permanente

PERTURBAZIONE NEUTRA DISCENDENTE



$$t = 4 \frac{L}{d}$$



la perturbazione del s° esempio
raggiunge l'otturatore
La colonna liquida viene a
trovarsi esattamente nelle
condizioni iniziali di moto
permanente

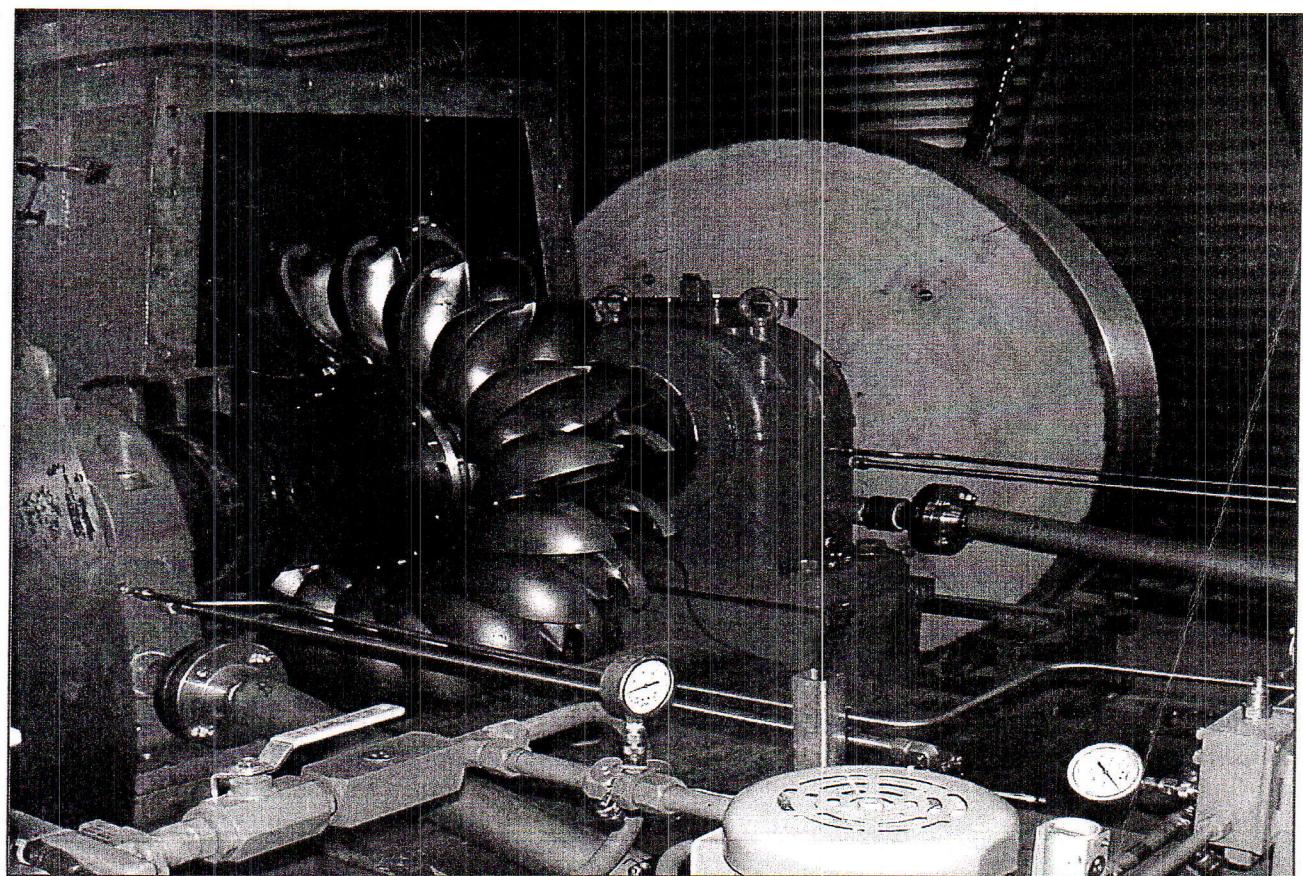
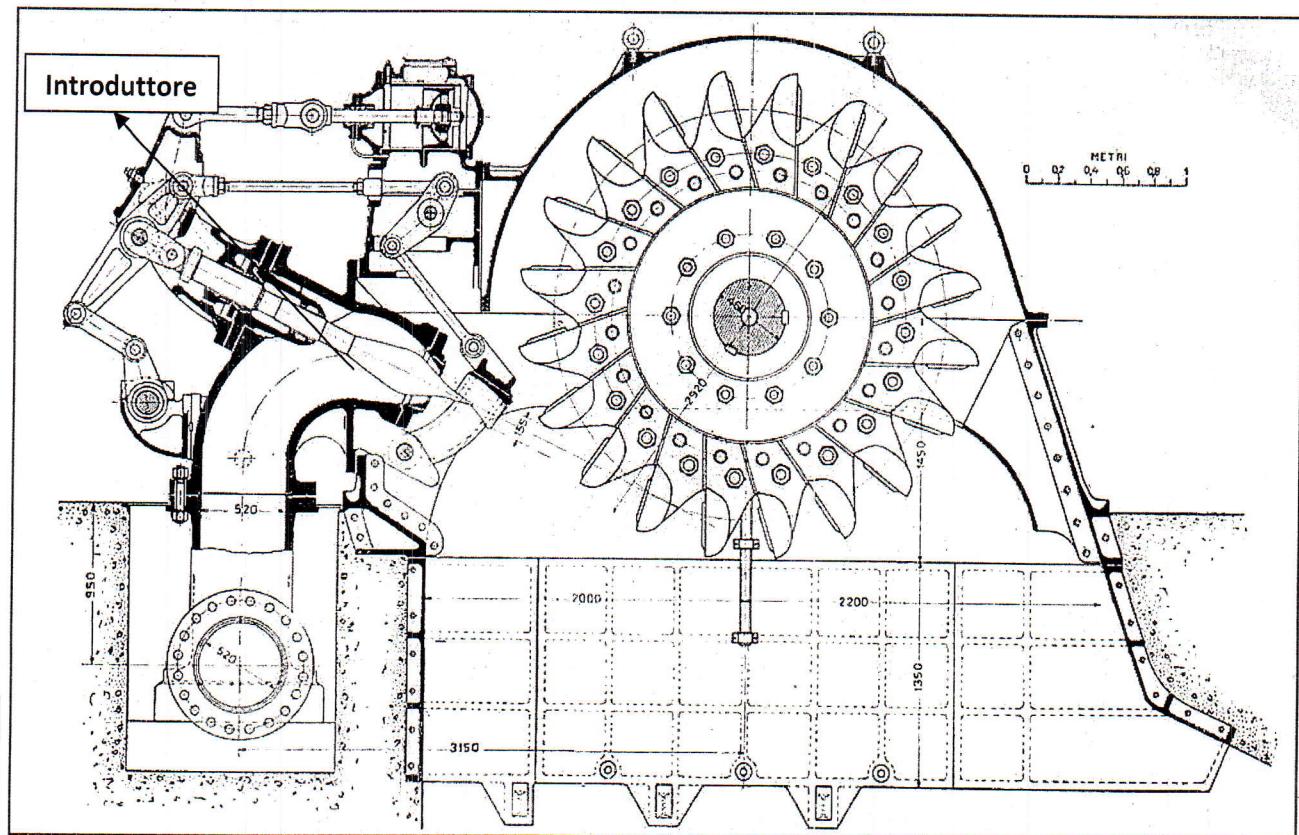


TABELLA 13.2. - Coefficienti di scabrezza per le tubazioni.

<i>Tipo di condotta</i>	<i>Scabrezza omogenea equivalente ε (mm)</i>	<i>Bazin</i> $\gamma_B (\text{m}^{\frac{1}{2}})$	<i>Kutter</i> $m_K (\text{m}^{\frac{1}{2}})$	<i>Gauckler-Strickler</i> $k_S (\text{m}^{\frac{1}{2}} \text{s}^{-1})$
1 – Tubazioni tecnicamente lisce (vetro, ottone o rame trafiletato, resina)	0 ÷ 0,02	—	—	—
2 – Tubazioni in acciaio				
a) rivestimenti degradabili nel tempo				
– tubi nuovi, verniciati per centrifugazione	0,05	—	—	120
– bitumati per immersione	0,10 ÷ 0,15	≤ 0,06	≤ 0,12	100
– in servizio corrente con leggera ruggine	0,2 ÷ 0,4	0,10	0,15	90
– con asfalto o catrame applicati a mano	0,5 ÷ 0,6	0,16	0,20 ÷ 0,25	85 ÷ 80
– con tubercolizzazione diffusa	1,0 ÷ 3,0	0,23	0,30 ÷ 0,35	75 ÷ 70
b) rivestimenti non degradabili				
– cemento applicato per centrifugazione	0,05 ÷ 0,15	≤ 0,06	≤ 0,12	120
3 – Tubazioni in lamiera saldata				
– in buone condizioni	0,2 ÷ 0,3	0,10	0,15	90
– in servizio corrente, con incrostazioni	0,4 ÷ 1,0	0,16	0,20 ÷ 0,25	87 ÷ 75
4 – Tubazioni in lamiera chiodata				
– 1 fila di chiodi longitudinali	0,3 ÷ 0,4	0,10	0,18	90 ÷ 85
– 2 file di chiodi longitudinali	0,6 ÷ 0,7	0,16	0,25	85 ÷ 80
– Idem, con incrostazioni fino a	3,0	0,30	0,35	70
– 4-6 file di chiodi longitudinali	2,0	0,23	0,30	75
– 6 file di chiodi longitudinali + 4 trasversali	3,0	0,30	0,35	70
– Idem, con incrostazioni fino a	5,0	0,36	0,45	65
5 – Tubazioni in ghisa				
a) rivestimenti degradabili nel tempo				
– nuove, rivestite intern. con bitume	0,15	0,06	0,12	100
– nuove, non rivestite	0,2 ÷ 0,4	0,10	0,15	90
– con lievi incrostazioni	0,4 ÷ 1,0	0,16	0,20 ÷ 0,25	85 ÷ 75
– in servizio corrente, parzialmente arrugginite	1,0 ÷ 2,0	0,23	0,35	75 ÷ 70
– fortemente incrostate	3,0 ÷ 5,0	0,36	0,45	65
b) rivestimenti non degradabili				
– cemento applicato per centrifugazione	0,10	≤ 0,06	≤ 0,12	105
6 – Tubazioni in cemento				
– cemento-amianto	0,10	≤ 0,06	≤ 0,12	105
– cem. arm. nuove, intonaco perfettamente liscio	0,10 ÷ 0,15	0,06	0,12	100
– cem. arm. con intonaco liscio, in servizio da più anni fino a	2,0	0,23	0,35	70
– gallerie con intonaco di cemento, a seconda del grado di finitura	2,0 ÷ 5,0	0,23 ÷ 0,36	0,30 ÷ 0,45	70 ÷ 65

LEZIONE N° 20 CONVERGENZA...

02/03/2011

$$\textcircled{1} \quad \frac{\partial h}{\partial x} = \frac{1}{g} \frac{\partial^2 V}{\partial t^2} \rightarrow \text{equazione del moto}$$

PICCOLE PERTURBAZIONI
E ALTE CADUTE

$$\textcircled{2} \quad \frac{\partial h}{\partial t} = \frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial x} \rightarrow \text{equazione di conservazione}$$

SARÀ IN MOTO LIBERO, QUINDI IL CARICO SARÀ BURSO X E VELOCITÀ T, PER QUESTO POSSIAMO DIRE CHE RISOLVEMO I DUE SISTEMI DI EQUAZIONI IN 2 INCognITE; A QUESO PUNTO DIVIDIAMO AMBO I MEMBI DELLA \textcircled{1} PER $\frac{\partial}{\partial x}$ E quelli della \textcircled{2} PER $\frac{\partial}{\partial t}$:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} = \frac{1}{g} \frac{\partial^2 V}{\partial t^2} \\ \frac{\partial h}{\partial t} = \frac{1}{g} \frac{\partial V}{\partial x} \end{array} \right. \quad \text{con } \alpha = \text{costante della perturbazione}$$

RAGGIUNGONO $\frac{\partial^2 V}{\partial t^2}$ E VERRANNO I SEGUENTI TERMEN:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial^2 V}{\partial t^2} = g \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} \\ \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} = \frac{1}{g} \frac{\partial^2 V}{\partial t^2} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} = \frac{1}{g} \frac{\partial^2 h}{\partial t^2} \Leftarrow \text{EQ. DIFFERENZIALE DEL 2^ ORDINE DI cui è NOTA LA SOLUZIONE}$$

$$\text{SOLUZIONE: } \Delta R = R - R_0 = F(t - \frac{x}{a}) - f(t + \frac{x}{a}) \Leftarrow \text{EQUAZIONE DELLE VIBRAZIONI}$$

CARICO INIZIALE
DI MOTORE PERTURBATO

DECRIVENDO LA SOLUZIONE TUTTO ALLO SPazio (x) SI HA:

$$* \frac{\partial R}{\partial x} = F'(-\frac{1}{a}) - f'(\frac{1}{a}) = -(F' + f')(\frac{1}{a})$$

* $R_0 = \text{cost}$, la sua derivata è nulla, resta solo R .

SOSTituendo QUESTA EXPRESSIONE nella \textcircled{1}

$$-(F' + f')(\frac{1}{a}) = \frac{1}{g} \frac{\partial^2 V}{\partial t^2}$$

ovvero:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial t^2} = -\frac{a}{g} (F' + f') \Leftarrow \text{EQUAZIONE DIFFERENZIALE DI 2^ ORDINE}$$

INTERPONENDO SU QUESTA LA SOLUZIONE PER LA VELOCITÀ:

81

VARIABILE DOLLO
VELOCITÀ IN TEMPO
TAVOLO

$$\Delta V = V - V_0 = -\frac{g}{a} \left[F(t - \frac{x}{a}) + F(t + \frac{x}{a}) \right] \rightarrow \text{INTEGRALE GENERALE PER LA VELOCITÀ}$$

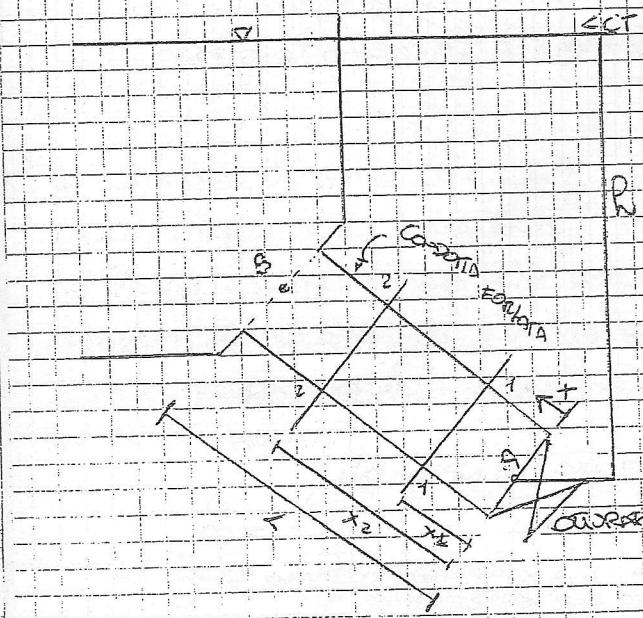
\downarrow
INTESA DI ROTAZIONE

$$\Delta R = h \cdot R_0 = F(t - \frac{x}{a}) - F(t + \frac{x}{a}) \rightarrow \text{INTEGRALE GENERALE PER IL CARICO}$$

QUESTE DUE RELAZIONI, UNA VOLTA DEFINITE LE CONDIZIONI DI CONDORNO FISSATE, RIPROVATAGLI L'ANDAMENTO DEL TEMPO DELLA VELOCITÀ IN UNA DISTANZA DATA X, E L'ANDAMENTO DEL CARICO H NEL TEMPO IN UNA CERTA SEZIONE X.

Vediamo cosa sono le due funzioni F, f

CONSIDERIAMO UN SEMICERCHIO A LIVELLO COSTANTE, UN CONDUCTO ROTATO NELLA SUA SEZIONE DI STACCATI. È UN CAVIOTAGE AUTOMATICO IL POLE È POSSIBILE REGOLARE LA POSIZIONE E QUINDI SCELGONO UNA POSIZIONE DI CHIUSURA.



PER T=0 SATO IN CONDIZIONE
DI ROTAZIONE MESSA CON $R=R_0$,

$$V = V_0 \quad \text{QUINDI} \quad f = F = 0$$

INIZIA A COSTARE IL TEMPO

DALL'ISTANTE DI TEMPO $t=0$
QUINDI DA QUANDO CHIUDONO
LA VALVOLA DELL'ACQUA.

CONSIDERIAMO UNA SEZIONE 1-1 CHE DISTA x_1 DALL'ACQUA E
UNA SEZIONE 2-2 CHE DISTA UNA

ASCESA PEGNA A x_2 DALL'ACQUA.

ASSOCIAVI ALL'ASCISSA X, UN TEMPO t

E ALL'ASCISSA x_1 UN TEMPO t_1

$$x_1 \rightarrow t_1$$

$$x_2 \rightarrow t_2$$

PRENDIAMO IN ESAME LA FUNZIONE $F(t - \frac{x}{a})$ PER QUESTO:

$$x_1, t_1 \rightarrow F(t_1 - \frac{x_1}{a})$$

$$x_2, t_2 \rightarrow F(t_2 - \frac{x_2}{a})$$

f è una permutazione e affinché questa risulti totale bisogna che, nella sezione 1-1 è nella sezione 2-2 l'argomento di f debba essere lo stesso, per cui:

$$\left(t_1 - \frac{x_1}{a} \right) = \left(t_2 - \frac{x_2}{a} \right) \quad \text{separando le variabili}$$

$$t_2 - t_1 = \frac{x_2 - x_1}{a} \rightarrow \text{se } x_2 > x_1 \text{ allora } t_2 > t_1$$

quindi avremo $t_2 > t_1$.

Poniamo $x_2 > x_1$. Il secondo membro è una quantità positiva e quindi lo sarà anche il punto relativo al quale sarà maggiore di t_1 per cui la F è una permutazione se nasce quando esso ha trascorso al massimo (per cui nasce nella sezione di scalo, nell'arrivo) e si prosegue dall'arrivo verso l'uscita cioè via destra fino ad a , assumendo lo stesso ordine in tutte le sezioni; se $t_2 > t_1$ la permutazione toccherà prima la sezione 1-1 e poi la sezione 2-2 per cui la F è un'ordina che trasla (ASCENDENTE).

Prendendo dunque, in esame la $f(t + \frac{x}{a})$ e facciamo lo stesso ragionamento:

$$x_1, t_1 \rightarrow f\left(t_1 + \frac{x_1}{a}\right)$$

$$x_2, t_2 \rightarrow f\left(t_2 + \frac{x_2}{a}\right)$$

dunque la f è una permutazione per cui affinché risulti lo stesso ordine delle sezioni in sia argomenti debbono essere uguali:

$$t_1 + \frac{x_1}{a} = t_2 + \frac{x_2}{a} \quad \text{separando le variabili}$$

$$t_1 - t_2 = \frac{x_2 - x_1}{a} \rightarrow \text{se } x_2 > x_1 \text{ perché visto le assise dall'arrivo}$$

so per cui tutti

il secondo membro è positivo quindi lo sarà anche il primo, ma sì che $t_1 > t_2$ per cui la permutazione f tocca prima la sezione 2-2 della sezione 1-1 allo che la f è una permutazione che si sposta dell'arrivo verso l'uscita e assume lo stesso ordine nelle due sezioni (inverso).

82

RASSERENDO IN $F \neq f$ SONO DUE FORZE (PERTURBAZIONI) CON DIREZIONI
DIFFERENTI CHE NASCONDO NEL ROTORO IN UN EFFETTUARO UNA MIGRAZIONE
CIRCOLARE. LE DUE CARATTERISTICHE SONO CHE SONO DESCRITTE DENTRO LA
PERTURBAZIONE QUADRATICA DEL CORPO DI ARRISE.

FASE DI COLPO DINAMICO E FASE DI CONTRACCOLPO

CONSIDERANDO SEMPRE IL ROTORO A LIVELLO COSTANTE, UNA CONDIZIONE FORZATA SÌ
UN'INTERAzione PER ANNESTARE IL FLUSSO DELL'ARIA. PRENDIAMO IN ESAME UNA SEZIONE

SEZIONE S CHE DÀ UNA DIREZIONE DI
UNA FORZA F (CONTRO IL X DELL'ARIA
ROTANTE), PER KI LA DISTANZA TRA SEZIONE
LA SEZIONE DI MEZZO È PARI A $L-x$.

QUANDO AVVIENE L'ANNESTAZIONE NASCE
LA PERTURBAZIONE f CHE SI PROPAGA CON
UNA VELOCITÀ PARALLELA ALL'INTERAzione
VERSO L'ARRILO. PURA UNA f
RAGGIUNGERE LA SEZIONE S È POSSIBILE
UN CERTO INTERVALLO DI TEMPO, ALTRIO PEN-

UN INTERVALLO DI TEMPO DALL' x IN S NON SUCCIDE DENTRO QUESTO STATO DI
CONDIZIONI DI ZOGLI PERTINENTE PER UN STATO DI TERZO $t = \frac{x}{a}$ # DISTANZA
LA PERTURBAZIONE ARRIVA NELLA SEZIONE S .

DOPPO UN TEMPO PARTE A $t = \frac{L}{a}$ LA f ARRIVA ALL'ARRILO E NASCERÀ UNA
NUOVA PERTURBAZIONE f CHE SI PROPAGHERÀ verso l'ARRILO, PER KI IN
UN TEMPO PARTE A :

$$\frac{x}{a} + \frac{L-x}{a} = \frac{2L-x}{a} \Rightarrow \text{IN } S \text{ IN DIREZIONE DI EFFETTO DI } f \text{ E } F$$

LA F PARTE
IN B
TEMPO NECESSARIO
PER APPLICARE DA B A S

$$\text{SE : } \frac{2L-x}{a} - \frac{x}{a} = \left[\frac{2(L-x)}{a} \right] \quad \begin{matrix} \text{PER IL PUNTO} \\ \text{PUNTO} \end{matrix}$$

TEMPO NECESSARIO
AFFINCHÉ F ARRIVI A S

O RISULTA PER :

$$\frac{x}{a} < t < \frac{2(L-x)}{a} \rightarrow \text{IN } S \text{ RISULTANO SOTTRAZIONE DELL'EFFETTO}$$

della F

$$t > \frac{2(L-x)}{a} \rightarrow \text{RISULTA L'EFFETTO DELLA } F \text{ E DELLA } F$$

o. $\ddot{x} = \frac{x}{a} \rightarrow$ condizioni di moto rettilineo

Quindi, ricordiamo le IDEE:

$$\begin{aligned} * & \underbrace{\ddot{x} - \frac{x}{a}}_{\text{andata è ritardo}} + \underbrace{\ddot{x} - \frac{x}{a}}_{\text{da S a B}} = 2 \left(\frac{\ddot{x} - \frac{x}{a}}{a} \right) \\ * & \frac{\ddot{x}}{a} + \frac{\ddot{x} - \frac{x}{a}}{a} = \frac{2\ddot{x} - x}{a} \leftarrow \text{solo } \ddot{x} \end{aligned}$$

PER:

$\frac{x}{a} < t < \frac{2L-x}{a} \rightarrow F \rightarrow$ FASE DI COLPO DIRETTO

$t > \frac{2L-x}{a} \rightarrow F \rightarrow$ FASE DI SCARACCACCO

N.B.: I TERMI SONO COSTANTI DELL'ISTANTE ($\ddot{x} = 0$ solo quando cessa l'azione)

COLPO DIRETTO \rightarrow È la situazione più grave per la nostra sezione
perché se è più facile da studiare perché bisogna
considerare solo il contributo della F .

Riprendiamo l'equazione generale del carico e l'equazione generale
della velocità:

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad R - R_0 &= F(t - \frac{x}{a}) - f(t + \frac{x}{a}) \quad \xrightarrow{\text{P. Ascena}} \text{non c'è} \\ \textcircled{2} \quad V - V_0 &= -\frac{g}{a} [F(t - \frac{x}{a}) + f(t + \frac{x}{a})] \quad \xrightarrow{\text{cambio di segno}} \end{aligned}$$

dalla $\textcircled{2}$ ricaviamo:

$$F(t - \frac{x}{a}) = -\frac{a}{g} (V - V_0) = \frac{a}{g} (V_0 - V)$$

Sostituendo nella $\textcircled{1}$:

$$R - R_0 = \frac{a}{g} (V_0 - V)$$

Scaraccacca = variazione del carico

HA ESSENDO a = velocità della perturbazione $\approx 1000 \text{ m/s}$

g = accelerazione di gravità $\approx 10 \text{ m/s}^2$

Sostituendo si ha:

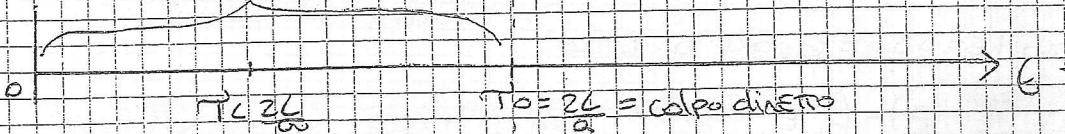
$$R - R_0 = 100 (V_0 - V)$$

Questo vuol dire che in fase di colpo diretto la perdita di peso
(il scaraccacca) è pari a 100 volte la massa perduta; questo in

Una generica sezione x della condotta fissa. Consideriamo la sezione all'istante $t=0$ (stato nella base di colpo diretto), e $t=\frac{2L}{a}$ (istante della chiusura completa della condotta).

$$T_0 = \frac{2L}{a} \quad \text{dura di fase del colpo diretto}$$

MANOVRA BRUSCA



Inizialmente la mano di chiudere al $t=0$ è pari a T_0 sotto la fase di colpo diretto; moltiplicare di coniugare in un tempo $T_c = \frac{2L}{a}$ avendo successivamente il flusso dell'acqua per cui la posata $Q=0$ e la velocità $V=0$.

Quindi:

$$\Delta h = h - h_0 = \frac{\alpha}{g} (V_0 - V)$$

dando tutto per Δh si ottiene

~~non sono sempre in fase di colpo diretto~~

$$\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$\Delta h = p_0 / \rho g \quad \leftarrow \text{ca ricorda del fondamento}$$

Questo vuol dire che tutte le mani di chiudere che avvengono per un tempo T riportano del tempo di fase (avendo $T < T_0 = \frac{2L}{a}$) solo tutte quelle che per quanto riguarda gli effetti sono equivalenti tra di loro, cioè quando chiudete mani brusche altrio sono equivalenti ad una mani di chiusura lenta.

$$\Delta h_{\text{max}} = h - h_0 = \frac{\alpha}{g} V_0 \rightarrow \Delta p_{\text{max}} = \rho g V_0$$

Quindi: massima sovraccarico su hanno in fase di colpo diretto per mano di chiusura brusche, basta quindi questa formula per il dimensionamento statico della condotta fissa.

Ma $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$; $a = 100 \text{ m/s}$, quindi per V_0 rischio delle sovrappressioni enormi! Quindi per il dimensionamento statico si utilizza la massima sovrappressione che potrebbe nascente all'interno della condotta, per cui le situazioni più gravi si hanno per mano brusche in fase di colpo diretto.

CONTRACCEDO \rightarrow NEL CASO DI UN PIANO PIÙ DIFICILE DI TRAVERSARE PENDEZIALE BISOGNA
CONSIDERARE ANCHE LA FORZA F_p .

SUPPOSIAMO DI TROVARCI IN B ALL'IMBRECO ($x=0$): IL CARICO IN B È COSTANTE
PERCHÉ ABBASTANZA DISTANTE DAL CENTRO DI GIRELLA DEL SERVOSTATO, PERÒ VERA, QUI AL

$$R = R_0 = \text{cost}$$

$$\text{con } R = R_B$$

LA PRESSIONE IN B SONO DATA

REPRENDIAMO L'ESAME DELLA CEDOLINA DEL CARICO:

$$R - R_0 = F(t - \frac{x}{a}) - f(t + \frac{x}{a}) \quad \text{MA ALL'IMBRECO } h = h_0 \Rightarrow R - h_0 = 0$$

$\therefore x = L$

SOSTITUENDO

$$0 = F(t - \frac{L}{a}) - f(t + \frac{L}{a})$$

QUINDI

$$F(t - \frac{L}{a}) = f(t + \frac{L}{a})$$

QUESTO CI DICE CHE ALL'IMBRECO F E f HANNO LO STESSO VALORE ($F = f$). IN
PRAUTICA LA RETTIFICAZIONE ALL'IMBRECO VENE RISETTA (È LO STESSO CASO)

SCORDIAMO AD OGGI, PERORA, IL TERZO $t = \frac{L}{a}$:

$$F(t - \frac{L}{a} + \frac{L}{a}) = f(t + \frac{L}{a} - \frac{L}{a})$$

$$F(t) = f(t + \frac{2L}{a}) \quad \text{oppure} \quad f(t) = F(t - \frac{2L}{a})$$

$x=0$ QUINDI CI TROVIAMO ALL'ORIGINE

QUESTO CI DICE CHE ALL'ORIGINE (E DE PUNZONI F SEI) HA LO STESSO
VALORE MA SOLO SEASORE DI UN RETTO PONI A $\frac{2L}{a}$. CONSIDERANDO LE 2 FUNZIONI
SONO IN PARE ALL'IMBRECO E SOSTITUIRE ALL'ORIGINE LA F È SOSTITUITA IN
RISARDO SUBITO DALLA F E DA f . f È SOSTITUITA IN PUNZONI RISPETTO AGLI f DI $\frac{2L}{a}$.

ALL'ORIGINE $x=0$

QUINDI IN $x=0$

$$R - h_0 = F(t - \frac{x}{a}) - f(t + \frac{x}{a})$$

$$\text{con } f(t) = F(t - \frac{2L}{a})$$

$$V - V_0 = -\frac{g}{a} [F(t - \frac{x}{a}) + f(t + \frac{x}{a})]$$

SOSTITUENDO IL VALORE DELLA $f(t)$ NELL'ASCISSA $x=0$ SI HA:

$$\left\{ \begin{array}{l} h_1 - h_0 = F(t_1) - F(t_1 - \frac{2L}{a}) \\ V_1 - V_0 = -\frac{q}{a} [F(t_1) + F(t_1 - \frac{2L}{a})] \end{array} \right.$$

(così lavoriamo solo sulla F)

QUESTE SONO DELLE EQUAZIONI CHE VARIANO NEL TEMPO QUINDI DOSSIAMO
CALCOLARE PER TEMPI DIVERSI:

- ① $t_1 \leq \frac{2L}{a}$ → TEMPO ALL'INTERNO DELLA I FASE $(\frac{2L}{a} = \text{FASE ORIZZONTALE})$
- ② $t_2 = t_1 + \frac{2L}{a}$ → TEMPO ALL'INTERNO DELLA II FASE (TEMPO DI ESCA)
- ③ $t_3 = t_2 + \frac{2L}{a}$ → TEMPO ALL'INTERNO DELLA III FASE $(\text{TEMPO DI RITORNO DI PARTITA})$
- ④ $t_4 = t_3 + \frac{2L}{a}$ → TEMPO ALL'INTERNO DELLA IV FASE

$$① t_1 \leq \frac{2L}{a} \quad (\text{I FASE})$$

perché rappresenta il valore della P cioè
all'istante in $t_1 \leq \frac{2L}{a}$ è nullo.

$$\left\{ \begin{array}{l} h_1 - h_0 = F(t_1) - F(t_1 - \frac{2L}{a}) \\ V_1 - V_0 = -\frac{q}{a} [F(t_1)] \end{array} \right.$$

Siamo in fase di calo d'acqua

$$② t_2 = t_1 + \frac{2L}{a} \quad (\text{II FASE}) \quad + \text{siamo all'istante in fondo alla fase di calo d'acqua}$$

perciò rappresenta la fine della fase di calo d'acqua

$$\left\{ \begin{array}{l} h_2 - h_0 = F(t_2) - F(t_2 - \frac{2L}{a}) = F(t_2) - F(t_1 + \frac{2L}{a} - \frac{2L}{a}) = F(t_2) - F(t_1) \\ V_2 - V_0 = -\frac{q}{a} [F(t_2) + F(t_1)] \end{array} \right.$$

in questo modo F è passato da zero di $\frac{2L}{a}$

$$③ t_3 = t_2 + \frac{2L}{a} \quad (\text{III FASE})$$

$$\left\{ \begin{array}{l} h_3 - h_0 = F(t_3) - F(t_1) \\ V_3 - V_0 = -\frac{q}{a} [F(t_3) + F(t_1)] \end{array} \right.$$

$$④ t_4 = t_3 + \frac{2L}{a} \quad (\text{IV FASE})$$

$$\left\{ \begin{array}{l} h_4 - h_0 = F(t_4) - F(t_3) \\ V_4 - V_0 = -\frac{q}{a} [F(t_4) + F(t_3)] \end{array} \right.$$

per cui in un certo:

$$t_m = t_{m-1} + \frac{\Delta t}{2} \quad \text{si ha:}$$

$$\begin{cases} h_m - h_0 = F(t_m) - F(t_{m-1}) \\ V_m - V_0 = \frac{\alpha}{g} [F(t_m) + F(t_{m-1})] \end{cases}$$

ADESSO DEL RIETRO SISTEMA ① PER $t_1 \leq \frac{2L}{\alpha}$ CALCOLARE DELLA SECONDA EQUAZIONE LA $F(t_1)$ E SOSTITUENDO NELLA PRIMA EQUAZIONE:

$$F(t_1) = \frac{\alpha}{g} (V_0 - V_1)$$

$$h_1 - h_0 = \frac{\alpha}{g} (V_0 - V_1) \rightarrow \begin{matrix} \text{legge tra DH e DV in} \\ \text{fase di colpo dritto} \end{matrix}$$

PER LA FASE DI CONTRACCALPO, SOMMESSO TRA LORO LE EQUAZIONI, CON IL CARICO DEL SISTEMA ② E ③ E SOTTRAENDO LE EQUAZIONI NELLE VEDUTA DEGLI STESSI SISTEMI:

$$\begin{cases} h_3 - h_2 - 2h_0 = F(t_3) - F(t_1) + \Delta F(t_2) \text{ si semplifica} \\ V_2 - V_3 = -\frac{\alpha}{g} [F(t_1) - F(t_3)] = \frac{\alpha}{g} [F(t_3) - F(t_1)] \end{cases}$$

la V_0 si semplifica

RACCOLTO DELL'INTESA:

$$F(t_3) - F(t_1) = \frac{\alpha}{g} (V_2 - V_3)$$

SOSTITUZIONE DELLA STUA:

$$h_3 + h_2 - 2h_0 = \frac{\alpha}{g} (V_2 - V_3) \quad \text{dividendo tutto per } h_0$$

$$\frac{h_3}{h_0} + \frac{h_2}{h_0} - 2 = \frac{\alpha V_0}{g h_0} (V_2 - V_3) \quad \text{dove } \frac{\alpha V_0}{g h_0} \text{ è costante rispetto a } V_0$$

$$\frac{h_3}{h_0} + \frac{h_2}{h_0} - 2 = \frac{\alpha V_0}{g h_0} \left(\frac{V_2}{V_0} - \frac{V_3}{V_0} \right)$$

IN GENERALE SI HA:

$$\frac{h_{i+1}}{h_0} + \frac{h_i}{h_0} - 2 = \frac{\alpha V_0}{g h_0} \left(\frac{V_i}{V_0} - \frac{V_{i+1}}{V_0} \right) \rightarrow \begin{matrix} \text{legge tra } h \text{ e } V \\ \text{in fase di contraccalpo} \end{matrix}$$

IN FORZA COMPRESA, DEDUCO:

$$Z_{i+1} = \sqrt{\frac{R_i + h}{h_0}}$$

$$Z_i = \sqrt{\frac{R_i}{h_0}}$$

RISOLVO SCRIVENDO: (tutt'altro è simile per i)

$$Z_{i+1}^2 + Z_i^2 - 2 = \frac{2g}{R_0} \left(\frac{V_i}{V_0} - \frac{V_{i+1}}{V_0} \right)$$

DEDUCO: $\frac{V_i V_0}{2g R_0} = \sigma$ = PARALITERO DI ALTEZZA O PARALITERO CARATTERISTICO DELLA RETTILIANA.

PER PUNTI SOSTITUITI SI OTTIENE?

$$Z_{i+1}^2 + Z_i^2 - 2 = 2\sigma \left(\frac{V_i}{V_0} - \frac{V_{i+1}}{V_0} \right)$$

NON È FINITA QUI PERCHÉ ABBRACCIO TUTTO COME VENNE IN FUNZIONE DELLA SEZIONE, MA A NOI INTERESSA SAPERE COME VARIA AL TEMPO IN FUNZIONE DI GRADO DI APERTURA DELL'OMOLOGA

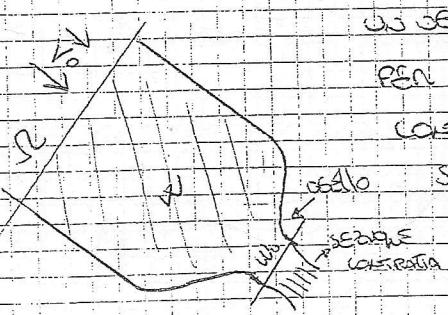
(LEZIONE N° 21 (continua)) 05/05/2011

LO SCIPIO E' DEFINITO UN OMOCINETICO CHE VIVE DENTRO AL TETTO DELLA GIGANTICA TURBINA, COSÌ CHE LA VELOCITÀ DI FLUSSO CRESCE (QUANDO LA VELVETTA IN CHIUSURA SI APRE) LE CARDIGLI DI TUBO RESTAURENTI (SOSPESI)

CONSIDERIAMO LA SEZIONE TETRAPIALE DELLA CONDUCA TUTTA SOLO IN TUTTA

UN SEZIONE DENTRO LA TURBINA AUGMENTA ENORMEMENTE
PER CIÒ IL FLUIDO VIENE LIVELLATAMENTE SPARSO

COSÌ CHE LE PIRE DELLA TURBINA PER CIÒ SI HA UNA



SPINA DINAMICA CHE FA RUOTARE LA RUOTA DELLA TURBINA PRODUCENDO ENERGIA ELETTRICA; PER CIÒ SI PASSA DA UNA SEZIONE SU A UNA

SEZIONE SU, QUANDO LA SEZIONE DI SCORSO È TUTTA APERTA. IN CONDIZIONI DI NUOVO RESTAURENTI TRANSFERISCE FLUIDO CON VELOCITÀ V₀ (COSTANTE DI NUOVO RESTAURENTI); IN TALI CONDIZIONI CONSIDERIAMO L'ESPANSIONE DI

CONNOTTA PER CUI LA ROTTA CHE TRANSITA NELLA SEZIONE SL È PIÙ A
PRESA CHE TRANSITA DENTRO LA SEZIONE W0

$$V_{SL} = W_0 \sqrt{R_0 h_0}$$

↓
PRESA DI SPURGO

DEI ROTTI ALLEGATI SONO
PER ROTTO APPLICARE RETTANTI

NEL ROTTO SL CHE AVVIENE A NEGLIGIRE ROTTA LA SEZIONE DI VOLDO
SI RIDUCE DENTRO UN CONTORE, PASSANDO DA UNA SEZIONE W0 A UNA
SEZIONE W1; NON SIATE PIÙ IN CONDIZIONI DI ROTTO RETTANTE, MA IN
CONDIZIONI DI ROTTO PARTE PERCIA' LA V0 PASSERÀ AD UN VALORE V1 E' IL
VALORE DI ROTTO PARTE MA SOLO PIÙ FONDO PIÙ; NEL CASO DI ROTTO RETTA
NEGLI APPLICARE CONSIDERARE UN BALANCI DI ROTTA NEL ROTTO PARTE
NON POSSO CONSIDERARE UN BALANCI DI ROTTA MA DEVO PENSARE DI
UN BALANCI DI MASSA A CAUSA DELLA COMPRIMIBILITÀ DEL FLUIDO; CIÒ NO
SIGNIFICA CHE DEPENDE DAL ROTTO PIÙ PROFONDO E POSSIBILE TRASCRIVERE LA COMPRI
MIBILITÀ DEL FLUIDO E QUINDI POSSIAMO SCRIVERE (ANCHE NEL CASO DI ROTTO PARTE):

$$V_{SL} = W_1 \sqrt{R_1 h_1}$$

↓
PRESA DI SPURGO

QUESTA SEZIONE HA UN ROTTO
DI SOTTO ROTTO PIÙ PROFONDO ESSERE
W1 ROTTO PIÙ PROFONDO

FACCIAMO IL RAPPORTO TRA LA (2) ED (1):

$$\frac{V}{V_0} = \frac{W_1 \sqrt{R_1}}{W_0 \sqrt{R_0}}$$

PER CUI AL TEMPO TI SI AVRA'

$$\frac{V_t}{V_0} = \frac{W_t \sqrt{R_t}}{W_0 \sqrt{R_0}}$$

E AL TEMPO T(t+1) SI AVRA':

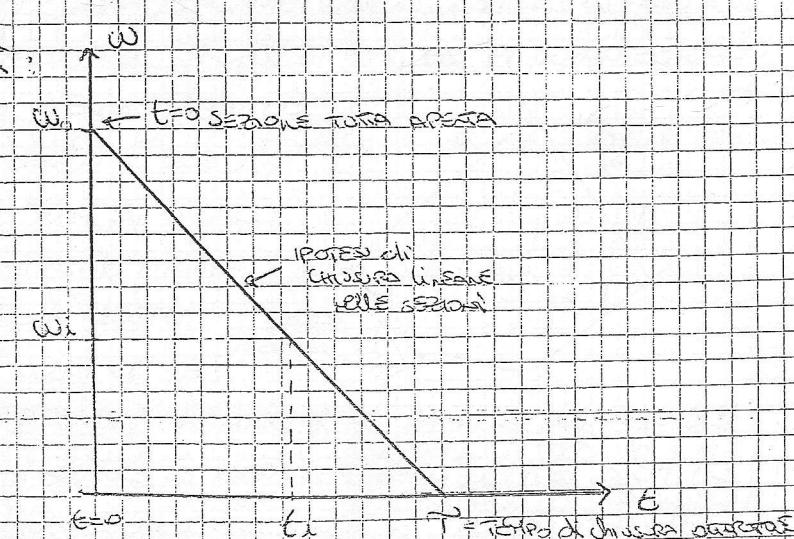
$$\frac{V_{t+1}}{V_0} = \frac{W_{t+1} \sqrt{\frac{R_{t+1}}{R_0}}}{W_0 \sqrt{R_0}}$$

CHE COSA È WI?

DEFINIZIONE DI

CHIUSURA CONTINUA

• WI È L'APERTURA CHE SI APRE AL
TEMPO TI.



Riportando l'espressione ricavata in precedenza:

86

$$z_{i+1}^2 + z_i^2 - 2 = 2\sigma \left(\frac{v_i}{v_0} - \frac{v_{i+1}}{v_0} \right)$$

E scrivendo si ha:

$$z_{i+1}^2 + z_i^2 - 2 = 2\sigma \left[\frac{w_i}{w_0} \sqrt{\frac{h_i}{h_0}} - \frac{w_{i+1}}{w_0} \sqrt{\frac{h_{i+1}}{h_0}} \right]$$

Ricordando che:

$$z_i = \sqrt{\frac{h_i}{h_0}} \quad \in \quad z_{i+1} = \sqrt{\frac{h_{i+1}}{h_0}}$$

E definendo:

$$\begin{aligned} M &= \text{GRADO DI APERTURA} & M_i &= \frac{w_i}{w_0} & M_{i+1} &= \frac{w_{i+1}}{w_0} \end{aligned}$$

si ottiene l'equazione di:

$$z_{i+1}^2 + z_i^2 - 2 = 2\sigma (M_i z_i - M_{i+1} z_{i+1}) \Rightarrow \text{EQUAZIONE DI ALLISCH-MIDLAND}$$

RAPPRESENTA LA GENERALE EQUAZIONE
CONCERNENTE IL STUDIO DEL COLPO
D'ACQUA

DOMANDA: PERCHÉ SI CHIAMA CONCERNIA?

CALCOLARE QUESTA EQUAZIONE PER DIVERSI ISTANTI DI TEMPO PER FASI INTERSE
ALTRA ED ALTRI TEMPO SUCCESSIVO SORPASSO UNA FASE

(1) $t_1 \leq \frac{2L}{a} \rightarrow i=0$

con $\frac{2L}{a} = \text{TEMPO DI FASE}$

(2) $t_2 = t_1 + \frac{2L}{a} \rightarrow i=1$

(3) $t_3 = t_2 + \frac{2L}{a} \rightarrow i=2$

CON

$$\left. \begin{aligned} z_i &= \sqrt{\frac{h_i}{h_0}} \\ z_0 &= \sqrt{\frac{h_0}{h_0}} = 1 \\ M_i &= \frac{w_i}{w_0} \\ M_0 &= \frac{w_0}{w_0} = 1 \end{aligned} \right\}$$

(4) $t_m = t_{m-1} + \frac{2L}{a} \rightarrow i=m$

$$\textcircled{1} \quad t_1 = \frac{2L}{\alpha} \quad \text{con } i=0$$

$$z_1^2 + z_0^2 - 2 = 25 (m_1 z_0 - m_0 z_1)$$

$$z_1^2 + 1 - 2 = 25 (1 - m_1 z_1)$$

$$\textcircled{2} \quad t_2 = t_1 + \frac{2L}{\alpha} \quad \text{con } i=1$$

$$z_2^2 + z_1^2 - 2 = 25 (m_2 z_1 - m_1 z_2)$$

* sono equazioni di 2° grado

che hanno due soluzioni: una

positiva e una negativa ma solo

quella positiva è accettabile.

$$\textcircled{3} \quad t_3 = t_2 + \frac{2L}{\alpha} \quad \text{con } i=2$$

$$z_3^2 + z_2^2 - 2 = 25 (m_3 z_2 - m_2 z_3)$$

$$\textcircled{4} \quad t_m = t_{m-1} + \frac{2L}{\alpha} \quad \text{con } i=m$$

$$z_m^2 + z_{m-1}^2 - 2 = 25 (m_m z_{m-1} - m_{m-1} z_m)$$

abbiamo scritto m equazioni, queste sono di secondi di istanti di tempo necessari per calcolare il sommario,

RISPOSTA: si chiama corrente data perché nella $\textcircled{1}$ si calcola z_1 e la sostituisco nella $\textcircled{2}$ dalla quale si calcola z_2 e così via... finché non si sostituisce nella $\textcircled{3}$ per il calcolo di z_3 e così via... fino a z_m .

Per più è possibile ricalcolare il sommario all'istante per tempo istante di $\frac{2L}{\alpha}$, quest'equazione si può applicare anche per $\frac{1}{2}$ fase o $\frac{1}{3}$ fase ecc.

* Vediamo cosa succede quando l'istante è completamente chiuso
cioè $Q=0$, cioè al tempo $t=t_m$; scriviamo l'equazione di allora
per i due tempi successivi:

$$\textcircled{5} \quad t_{m+1} = t_m + \frac{2L}{\alpha} \longrightarrow z_{m+1}^2 + z_m^2 - 2 = 25 (m_m z_m - m_{m+1} z_{m+1})$$

$m=0 \rightarrow$ è completamente chiuso l'istante

$$\textcircled{6} \quad t_{m+2} = t_{m+1} + \frac{2L}{\alpha} \longrightarrow z_{m+2}^2 + z_{m+1}^2 - 2 = 25 (m_{m+1} z_{m+1} - m_{m+2} z_{m+2})$$

PER cui:

$$\left\{ \begin{array}{l} z_{m+1}^2 + z_m^2 - 2 = 0 \\ z_{m+2}^2 + z_{m+1}^2 - 2 = 0 \end{array} \right.$$

$$z_m^2 = \frac{h_m}{h_0}$$

$$z_{m+1}^2 = \frac{h_{m+1}}{h_0}$$

$$z_{m+2}^2 = \frac{h_{m+2}}{h_0}$$

Sostituendo

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{h_{m+1}}{h_0} + \frac{h_m}{h_0} - 2 = 0 \\ h_0 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} h_{m+1} + h_m = 2h_0 = h_0 + h_0 \\ h_0 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{h_{m+2}}{h_0} + \frac{h_{m+1}}{h_0} - 2 = 0 \\ h_0 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} h_{m+2} + h_{m+1} = 2h_0 = h_0 + h_0 \\ h_0 \end{array} \right.$$

CHE POSSONO DIRE SULLE:

al tempo t_m chiudono l'auricolare

$$\left\{ \begin{array}{l} h_{m+1} - h_0 = -(\underline{h_m - h_0}) \\ h_0 \end{array} \right.$$

saraceno al tempo t_m
tra fase chiusa

saraceno all'auricolare al $t=t_m$ col segno contrario

$$\left\{ \begin{array}{l} h_{m+2} - h_0 = -(\underline{h_{m+1} - h_0}) = (\underline{h_m - h_0}) \\ h_0 \end{array} \right.$$

saraceno al $t=t_m$ di chiusura

saraceno dopo 2 fasi
al tempo t_{m+2}

saraceno fase + dopo la chiusura di ritorno di segno

QUESTO SISTEMA CI DICE CHE Dopo CHE CHIUDONO l'auricolare al tempo t_m
e saraceno all'auricolare alla FASE SUCCESSIVA IN t_{m+1} È VIDE IL
CIRCUITO DI SESSO A PELLO NELLA FASE DI CHIUSURA; Dopo 2 FASI IL SARACENO
È VIDE E HA LO STESSO SENSO DEL SARACENO ALLA CHIUSURA DI CORPO t_m

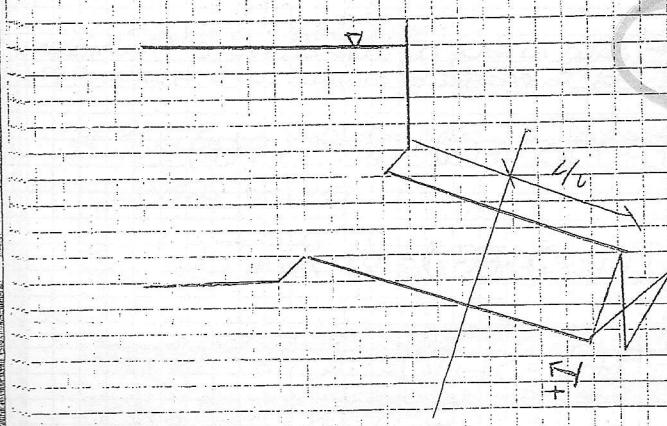
*Calcolo il Saraceno nella sezione di Yezzeria.

Consideriamo il solo scatto dell'impatto incisivo e trascurando una
seziona che dista $\frac{1}{2}$ dell'auricolare, in genere possono scrivere:

$$h - h_0 = F(t - \frac{x}{a}) - f(t + \frac{x}{a})$$

la F è la f all'auricolare segno
dei funzionali ma stante di
una certa quantità, in particolare

b F è sfasata in anticipo di $\frac{\pi}{2}$
rispetto alla f e b F è sfasata
in ritardo di $\frac{\pi}{2}$ rispetto alla f



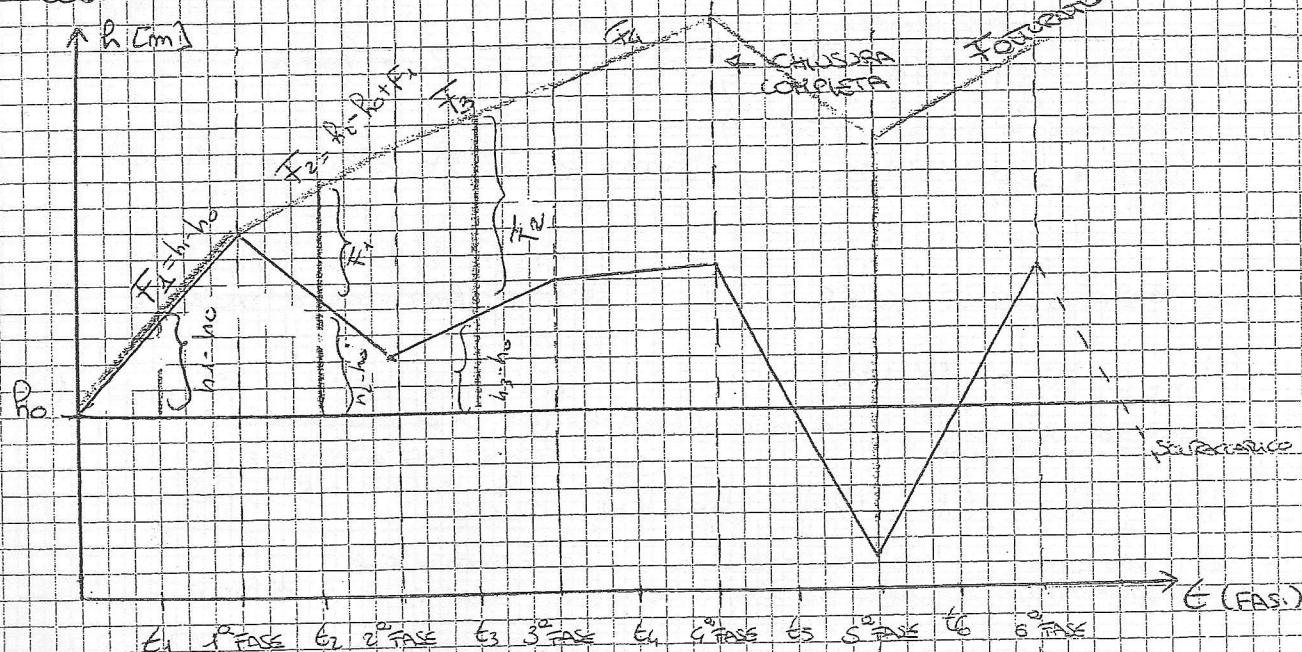
A F e h sono due resistenze che assumono lo stesso valore nelle diverse sezioni. L'equazione di Allievi riporta l'espressione del sovraccarico di curvatura:

$$\Delta h_i = R_0 (z_i^2 - 1)$$

$$z_{i+1}^2 + z_i^2 - 2 = 2R_0 (\eta_i z_i - \eta_{i+1} z_{i+1})$$

Oltre alla questa espressione possiamo ricavare la $F = h^0$; come?

Considerando l'andamento del sovraccarico:



t_1 1^a FASE t_2 2^a FASE t_3 3^a FASE t_4 4^a FASE t_5 5^a FASE t_6 6^a FASE

$$\frac{2L}{a} \quad 2\left(\frac{2L}{a}\right) \quad 3\left(\frac{2L}{a}\right) \quad 4\left(\frac{2L}{a}\right) \quad 5\left(\frac{2L}{a}\right) \quad 6\left(\frac{2L}{a}\right)$$

con $t_1 < \frac{2L}{a} \rightarrow$ all'interno della 1^a FASE

$$t_2 = t_1 + \frac{2L}{a} \rightarrow$$
 all'interno della 2^a FASE

TRACCIAVANO quindi l'andamento di F all'incirca nei diversi

- step considerati E (caso di curvatura completa in 6 FASE):

$$\textcircled{1} \quad t_1 < \frac{2L}{a} \rightarrow h_1 - h_0 = F(t_1) \Rightarrow$$

siamo in fase di calo d'intorno a l'andamento del sovraccarico connesso con la resistenza F

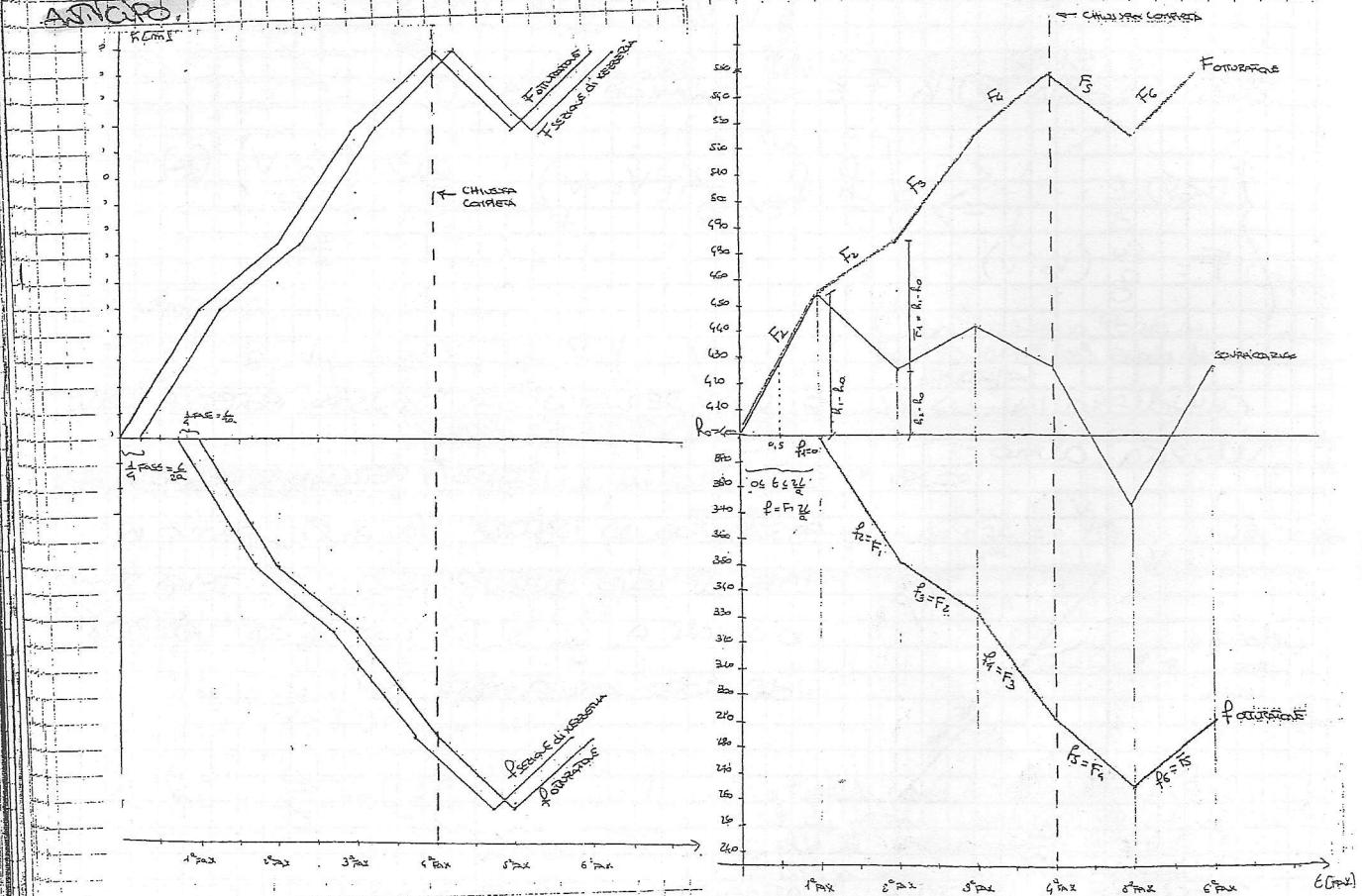
$$\textcircled{2} \quad t_2 = t_1 + \frac{2L}{a} \rightarrow h_2 - h_0 = F(t_2) - F(t_1) \Rightarrow F(t_2) = h_2 - h_0 + F(t_1)$$

$$\textcircled{3} \quad t_3 = t_2 + \frac{2L}{a} \rightarrow h_3 - h_0 = F(t_3) - F(t_2) \Rightarrow F(t_3) = h_3 - h_0 + F(t_2)$$

$$\textcircled{4} \quad t_4 = t_3 + \frac{2L}{a} \rightarrow h_4 - h_0 = F(t_4) - F(t_3) \Rightarrow F(t_4) = h_4 - h_0 + F(t_3)$$

$$\textcircled{5} \quad t_m = t_{m-1} + \frac{2L}{a} \rightarrow h_m - h_0 = F(t_m) - F(t_{m-1}) \Rightarrow F(t_m) = h_m - h_0 + F(t_{m-1})$$

La intensità calcolata in F e in f per le fasi assunse lo stesso valore.
 In tutte le sezioni sono solo separate di una certa quantità.
 Per tracciare l'andamento della f all'oscillazione bassa precedente l'andamen-
 to della F , sfasato di $\frac{1}{2}$ è risultato,
 mentre per calcolare l'andamento della F è quella f in una sezione
 generica ad esempio nella mezzaluna ($x = 4/2$) bassa sfasano la F dell'au-
 ricolore $\frac{1}{4}$ di fase in ritardo e la f $\frac{1}{4}$ di periodo ($\text{t} = \frac{\pi}{\omega}$) in
 anticipo.



NOTA LA F e LA f IN UNA GENERICA SEZIONE (È SOTTRAUTO PER DIRE
 LA SEZIONE RESTANTE).

$$R - R_0 = F(t - \frac{\pi}{\omega}) - f(t - \frac{\pi}{\omega})$$

E troviamo l'andamento del sottrattivo per tutte le sezioni della nostra
 cordata solida.

Risultato dopo un terzo di chiusura:

Per terzi di chiusura $T = \frac{2\pi}{\omega}$ (tempo di chiusura inferiore al tempo di
 fase) si sta eseguendo una maniera di chiusura binaria che sono

Consideriamo una manovra istantanea dove prima tutte le ruote sono bloccate

Calcola alle altre ruote:

$$\text{PER } T < \frac{2L}{a} \quad D_{\text{max}} = \frac{\alpha V_0}{g} + \text{PER manovre brusche si ha in fase di colpo diretto}$$

Alcune per manovre brusche colo $T > \frac{2L}{a}$ il massimo spostamento è HA IN FASE DI COLPO DIRETTO Quale è quindi il D_{max} per chiusura lenta?

$$\text{IN FASE DI COLPO DIRETTO SI HA } \sum F - P_0 = F \quad (1)$$

$$(V - V_0) = \frac{a}{g} T \quad (2)$$

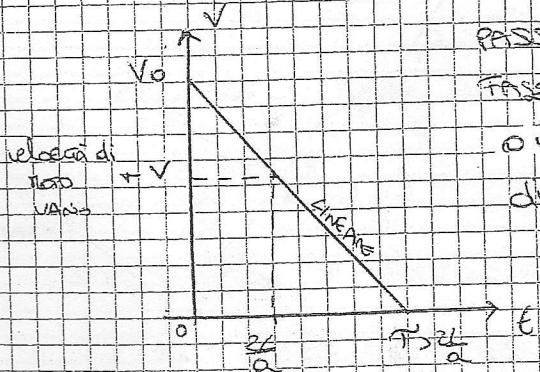
Ricavando dalla (2) la F è sostituita nella (1)

$$\begin{aligned} \Rightarrow & \int P - P_0 = \frac{\alpha}{g} (V_0 - V) = \frac{\alpha V_0}{g} (V_0 - V) \quad (*) \\ \frac{T}{a} = & \frac{\alpha}{g} (V_0 - V) \end{aligned}$$

(Guardare in $T > \frac{2L}{a}$) è considerato una chiusura lenta se

velocità minore:

chiudendo in un tempo T per cui la vettoria passa da un valore V_0 a 0, siamo in fase di colpo diretto perché per tempo minore di $\frac{2L}{a}$ si ha una velocità di resto minore di zero rispetto a V .



Iniziamo la velocità V attraverso una relazione:

$$(V_0 - V) : \frac{2L}{a} = V_0 : T$$

$$\frac{V_0 - V}{V_0} = \frac{2L}{a} \cdot \frac{1}{T} \quad (\text{sostituendo sopra})$$

Per cui si ottiene che il spostamento D_h in fase di colpo diretto

per un certo tempo di chiusura T :

$$* D_h = P \cdot P_0 = D_{\text{max}} = \frac{\alpha V_0}{g} \cdot \frac{2L}{a} \cdot \frac{1}{T} = \frac{V_0 \alpha L}{g T} \quad \text{4. per chiusure lente}$$

Richard

Se sostituisco $T = \frac{2L}{\alpha}$ che è la fase di chiusura istantanea si ottiene
il bilancio della fase di colpo diretto (*).

allo stesso risultato si può arrivare considerando una curva rettifica
lineare nelle sezioni:

ω

ω_0

ω

$\frac{2L}{\alpha}$

ω_0 è la curva rettificata $t=0$

mentre ω è la curva rettificata $t = \frac{2L}{\alpha}$

in fase di colpo diretto si ha:

$$h - h_0 = F$$

$$V \cdot V_0 = \frac{\alpha}{g} F$$

$$F = \frac{\alpha}{g} (V_0 - V)$$

Sostituendo:

$$h - h_0 = \frac{\alpha}{g} V_0 \left(\frac{V_0 - V}{V_0} \right) = \frac{\alpha}{g} V_0 \left(1 - \frac{V}{V_0} \right)$$

V lo possiamo scrivere in
 V_0 funzione del carico di
carica

Bilancio di massa: 1) $V_0 \cdot \frac{2L}{\alpha} = \mu \omega_0 \sqrt{h - h_0} \rightarrow$ AREATO

2) $V \cdot \frac{2L}{\alpha} = \mu \omega \sqrt{h - h_0} \rightarrow$ chiuso $\frac{2L}{\alpha} = h$ perché è verticalmente

Facciamo il rapporto tra 1) e 2)

$$\frac{V_0}{V} = \frac{\omega_0}{\omega} \sqrt{\frac{h}{h_0}} \text{ e sostituendo si ha:}$$

$$h - h_0 = \frac{\alpha}{g} V_0 \left(1 - \frac{\omega_0}{\omega} \sqrt{\frac{h}{h_0}} \right)$$

In fase di colpo diretto questo avviene se si ha quindi non lo considero perché a -TUTTO questa quantità andrà a crescere quindi nello stesso senso di discesa.

$$h - h_0 \leq \frac{\alpha}{g} (V_0) \left(1 - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \text{ che posso anche scrivere:}$$

$$h - h_0 \leq \frac{\alpha}{g} V_0 \left(\frac{\omega_0 - \omega}{\omega_0} \right) \text{ impostando la proporzionalità}$$

$$\omega_0 - \omega : \frac{2L}{\alpha} = \omega_0 : \frac{2L}{\alpha} \Rightarrow \frac{\omega_0 - \omega}{\omega_0} = \frac{2L}{\alpha} \cdot \frac{1}{\frac{2L}{\alpha}}$$

$$\text{Sostituendo: } Dh = h - h_0 \leq \frac{\alpha V_0}{g} \cdot \frac{2L}{\alpha} \cdot \frac{1}{\frac{2L}{\alpha}}$$

Quindi

$$Dh = h - h_0 \leq \frac{2L}{\alpha} V_0$$

trovato il sostanziale lo si può confrontare con p.es. se

terme x esse se abbiano fatto bene calcoli

Quindi anche in fase di colpo diretto per chiusura lente il massimo sovraccarico si ha all'interno della pila cioè da cui considerando la curva lineare nelle sezioni, che

massimo sovraccarico cioè più grande
per il valore di t (e cioè più grande)
all'incirca della 1/2.