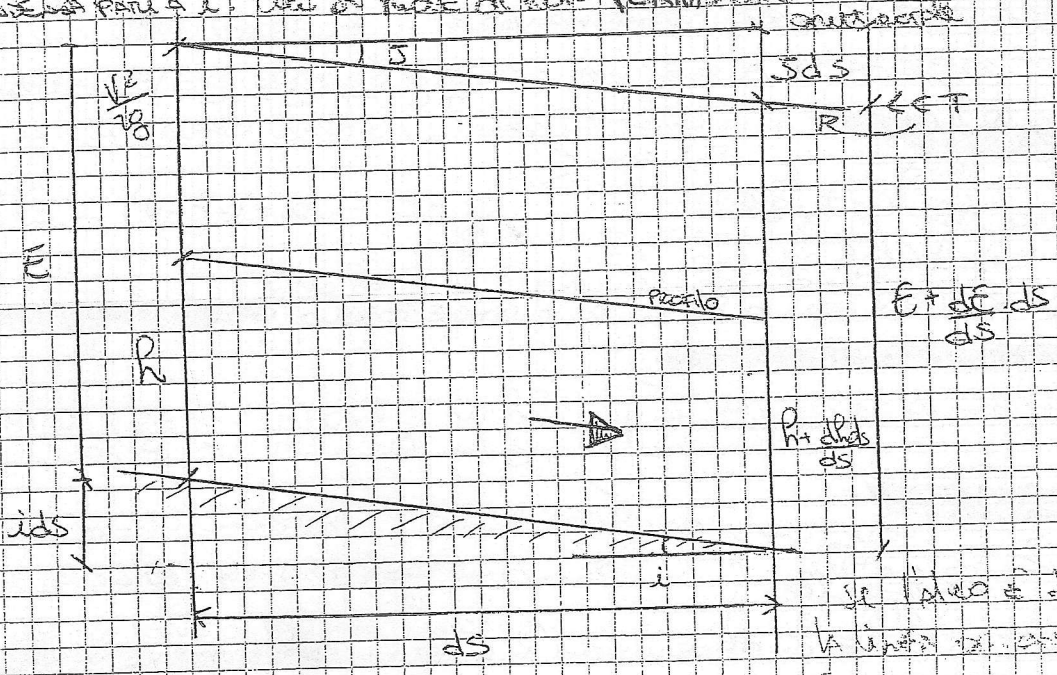


EQUAZIONE PER IL TRACCIAMENTO DEI PROFILI PER CORRENTI A REGIME LIBERO

CONSIDERIAMO UN TRATTO DI CANALE IN PIANA DI STREZZA PARI A  $ds$ , DI PENDENZA PARI A  $i$ . USO SI TROVA DI COSÌ PERIODES



ENERGIA DI MOSTE = ENERGIA DI COLLE QUADRI

$$E + i ds = E + \frac{dE}{ds} ds + \cancel{Q ds}$$

CORRENTE LIBERA  
 $Q = Q(s)$

IN DEFINITIVA SI HA  
PENDENZA DI ENERGIA UGUALE AL TRATTO  $ds$

$$\frac{dE}{ds} = i - j$$

← L'ENERGIA AUMENTA SE AUMENTA  $i$ ,  
DIMINUISCE SE AUMENTANO LE PERDITE

$$\text{MA } E = h + \frac{V^2}{2g} = h + \frac{Q^2}{A^3 g}$$

QUINDI SVILUPPANDO L'ESPRESSIONE SOPRA DI HA

$$\frac{dE}{ds} = \frac{dh}{ds} - \frac{2Q^2}{A^3 g} \cdot \frac{dA}{ds} = i - j$$

AREA DELLA SEZIONE  
MA  $A = A(s, R(s))$   
QUINDI POSSIAMO SVILUPPARE LA CIRCONFERENZA  
DETERMINATA TOTALE  $\frac{dA}{ds}$  CON FUNZIONE  
DEL SUO ACCRESCIMENTO.

$$\frac{dh}{ds} - \frac{Q^2}{A^3 g} \left( \frac{\partial A}{\partial s} + \frac{\partial A}{\partial R} \frac{\partial R}{\partial s} \right) = i - j$$

$$\frac{dh}{ds} \left( 1 - \frac{Q^2}{A^3 g} B \right) - \frac{Q^2}{A^3 g} \frac{\partial A}{\partial s} = i - j$$

$$\frac{dh}{ds} = \frac{Q^2}{A^3 g} \frac{\partial A}{\partial s} + i - j$$

SE L'AREA È CIRCONFERENZIALE, PER CUI IL SUO ACCRESCIMENTO  
DI AREA UGUALE L'ACCRESO  $S$  PER  
OÙ  $\frac{\partial A}{\partial s} = 0$

Quindi

$$\frac{dh}{ds} = \frac{u-s}{1-\frac{Q^2}{A^2g}} \quad \text{MA} \quad Q^2 B = \frac{dE}{dh}$$

alora

$$\frac{dh}{ds} = \frac{u-s}{\frac{dE}{dh}}$$

← EQUAZIONE CHE CI PERMETTE DI TRACCIARE I PROFILI

TRACCIAMENTO QUANTITATIVO DEI PROFILI

SI TRATTA DI STABILIRE SE L'ALTEZZA LUNGA  $P$  CRESCE O DIMINUISCE DURANTE IL PERCORSO (s)

- SE  $P$  CRESCE LUNGO  $S$  ALLORA:  $N: u-s$  PER  $P > P_0 \rightarrow u > s \rightarrow u-s > 0$

$\frac{dh}{ds} > 0 \rightarrow$  CORRENTE RITARDATA  $D: \frac{dE}{dh}$  PER  $P < K \rightarrow$  CORRENTE VELOCE  $\rightarrow \frac{dE}{dh} < 0$

- SE  $P$  DIMINUISCE LUNGO  $S$  ALLORA:  $N: u-s$  PER  $P < P_0 \rightarrow u < s \rightarrow u-s < 0$

$\frac{dh}{ds} < 0 \rightarrow$  CORRENTE ACCELERATA  $D: \frac{dE}{dh}$  PER  $P > K \rightarrow$  CORRENTE LENTA  $\rightarrow \frac{dE}{dh} > 0$

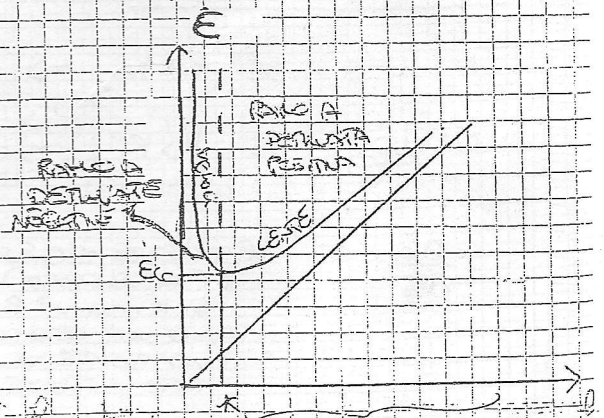
- SE  $P = P_0$   $N: u-s$  PER  $P = P_0 = K \rightarrow u = s \rightarrow u-s = 0$

$\frac{dh}{ds} = 0 \rightarrow$  CORRENTE DI ROTOLLO UNIFORME  $D: \frac{dE}{dh}$  PER  $P = P_0 = K \rightarrow \frac{dE}{dh} = 0 \Rightarrow \frac{dh}{ds} = \infty$   
PROFILI PARABOLICI

$u$  E  $s$  DATO  $\rightarrow$  RESIDUA  $dE/ds$

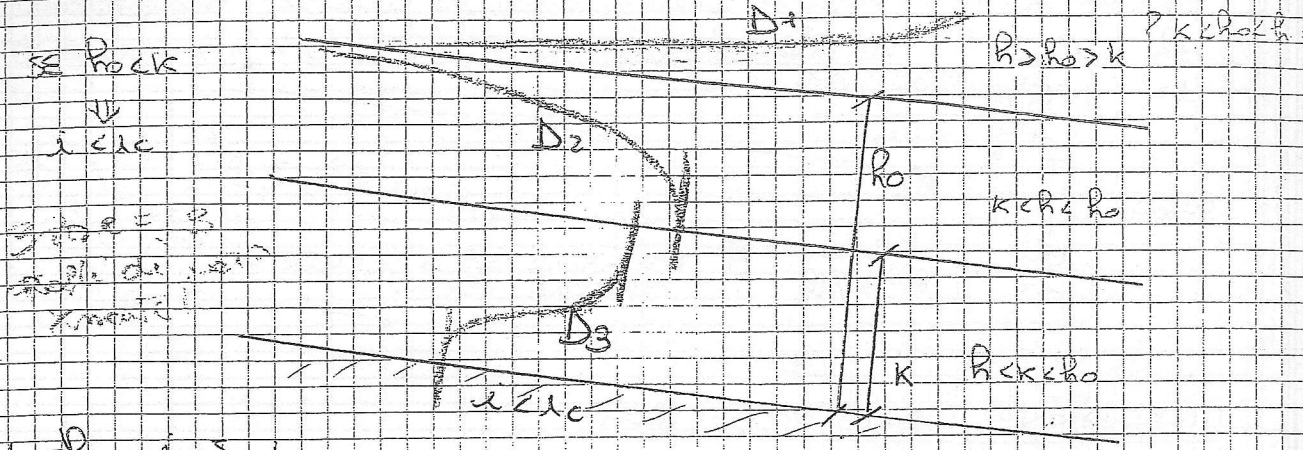
$S \rightarrow$  chezy  $S = \frac{Q^2}{A^2 C R}$  con  $S = J(R)$

• A SEGNO DI  $\frac{dh}{ds}$  SI STABILISCE FACENDO IL RAPPORTO DEI SEGNI DEL NUMERATORE E DI DENOMINATORE



$h < h_0 \rightarrow E < E_0$  al contrario di  $h > h_0 \rightarrow E > E_0$   
OF

PROFILI IN ALVEO A DEBITE PENDING (QUALUNQUE)



$$\frac{dh}{ds} = i - S$$

1° caso:  $P > P_0 > K$

$$S = S\left(\frac{h}{P}\right)$$

$$i = i\left(\frac{h}{P_0}\right)$$

N:  $i - S$  SE  $P > P_0 \Rightarrow i > S$  quindi  $i - S > 0$

D:  $\frac{dh}{ds}$  SE  $P > K \rightarrow$  COSTANTE LENTA  $\rightarrow \frac{dh}{ds} > 0$  profili in alveo a monte

$\frac{dh}{ds} > 0$  LE ALTEZZE INCRESCONO LUNGO S (RETARDATA) VERSO MONTE A COSTE TENDENTE AL TITO UNIFORME

$D_1 \rightarrow$  COSTANTE LENTA  
RETARDATA

di LINEE PER  $P \rightarrow \infty$   $S \rightarrow 0$

$$P \rightarrow \infty \frac{dh}{ds} \rightarrow h = E$$

PER cui  $\frac{dh}{ds} = 1 \times P \rightarrow P_0$

il profilo a COSTE TENDERA A DISPORRE AUTOMATICAMENTE

2° caso:  $K < P < P_0$

N:  $i - S$  SE  $P < P_0 \Rightarrow i < S$  quindi  $i - S < 0$

D:  $\frac{dh}{ds}$  SE  $P > K \rightarrow$  COSTANTE LENTA  $\rightarrow \frac{dh}{ds} > 0$

$\frac{dh}{ds} < 0$  LE ALTEZZE DECRESCONO LUNGO S (ACCELERATA) E TENDONO A K CON il PROFILO A TADRENTE COSTANTE VERSO MONTE TENDENDO AL TITO UNIFORME.

$D_2 \rightarrow$  COSTANTE LENTA  
ACCELERATA

per la sua di dispendio, si annulla K con il profilo a monte  $\rightarrow$  il profilo (a straripare analitico) tende a diventare di tipo di linee di base normale.

3° caso:  $R < K < P_0$

N.  $i < s$  se  $R < P_0 \rightarrow i < s \Rightarrow i < s < 0$

$\frac{dF}{ds}$  se  $R < K \rightarrow$  CORRENTE UOLE  $\rightarrow \frac{dF}{ds} < 0$

$\frac{dR}{ds} > 0$  LE ALZEE UESONO L'UNO S (RIMBORSO) E TENDONO A UOLE A K COSI' IL PROFILO A TANGENTE ESTERNA

$D_3 \rightarrow$  CORRENTE UOLE RIARDATA

QUANTO È L'INTERESSO DEL PROFILO A MONTE?

IMMAGINIAMO DI AVERE UN ALVO PERALLEGARE UNO LAVORO PER CUI  $R \equiv P$ ,

$$\frac{1}{b \cdot s \cdot h}$$

$$S = \frac{Q^2}{B^2 R^2 e^{-R} h^3} = \frac{Q^2}{B^2 e^{-R} h^3}$$

con  $S = \frac{Q^2}{A^2 C^2 R}$ ,  $C = e R^2$

infine:

$$\frac{dS}{dR} = 1 - \frac{Q^2}{A^2 g} = 1 - \frac{Q^2}{B^2 h^3 g}$$

PER CUI:

$$\frac{dR}{dS} = i = \frac{Q^2}{B^2 e^{-R} h^3}$$

$\rightarrow$  PER  $h \rightarrow 0$  È UN MONTE DI ALTEZZA  $10/3$

$$1 = \frac{Q^2}{B^2 h^3 g}$$

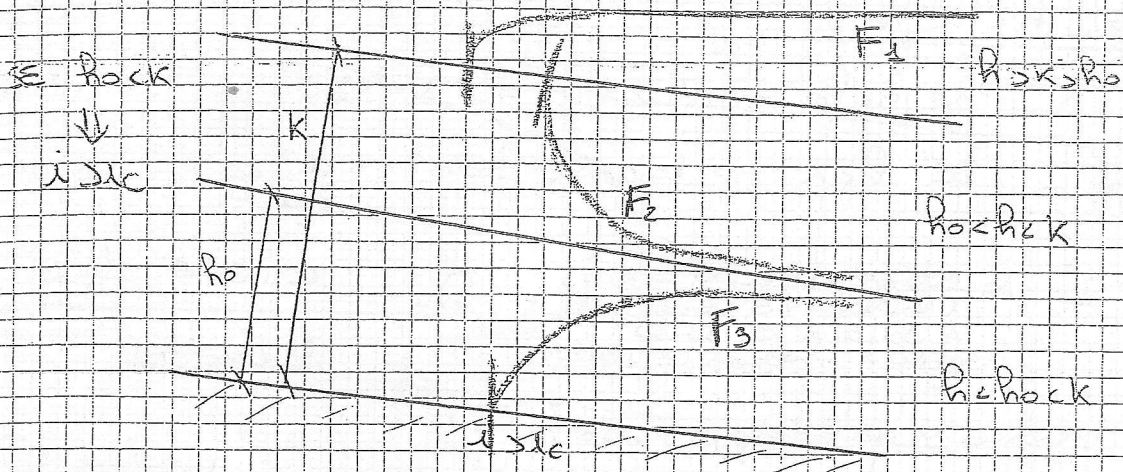
$\rightarrow$  PER  $h \rightarrow 0$  È UN MONTE DI ALTEZZA 3

PER  $h \rightarrow 0$  IL MONTE È UN MONTE PIÙ DEL MONTE PER CUI

$$\frac{dR}{dS} = \infty$$

DOPO CHE TOGLIAMO IL FONDO DEL MONTE IL MONTE È ANCHE UN MONTE DI 3 SEPPUR PIÙ DI UN MONTE PIÙ

PROFIL IN ALTO A FORTE RESISTENZA (QUALITATIVO)



$$\frac{dh}{ds} = \frac{\lambda - \beta}{1 - \alpha \frac{dh}{ds}}$$

1° caso: R > k > rho

N.  $\lambda - \beta$  SE  $R > rho \rightarrow \lambda > \beta \Rightarrow \lambda - \beta > 0$

D.  $\frac{dh}{ds}$  SE  $R > k \rightarrow$  costante (velocità)  $\frac{dh}{ds} > 0$

$\frac{dh}{ds} > 0$  LE ALTEZZE AUMENTANO (LIVELLI INCRESCENTI) E TENDONO A K CON TANGENTE VERTICALE A FOSSO E A VALLE DO DISPARITÀ CANTONIERE

F1 → costante velocità  
ritardata

PER  $R \rightarrow \infty \frac{dh}{ds} \rightarrow 1$

2° caso: rho < k < R

N.  $\lambda - \beta$  SE  $R > rho \rightarrow \lambda > \beta \Rightarrow \lambda - \beta > 0$

D.  $\frac{dh}{ds}$  SE  $R < k \rightarrow$  costante (velocità)  $\frac{dh}{ds} < 0$

$\frac{dh}{ds} < 0$  LE ALTEZZE DIMINUISCONO (LIVELLI DECRESCENTI) E TENDONO A K CON TANGENTE VERTICALE E A VALLE DI FORO O FORME

F2 → costante velocità  
accelerata

$R \rightarrow \infty \rightarrow rho$

$R = k + g$  verticale

$\frac{dh}{ds} \rightarrow 0$

$\frac{dh}{ds} \rightarrow 1$

3° caso: pick

103

N:  $u-s$  se pick  $\rightarrow u-s \rightarrow u-s \rightarrow u-s$

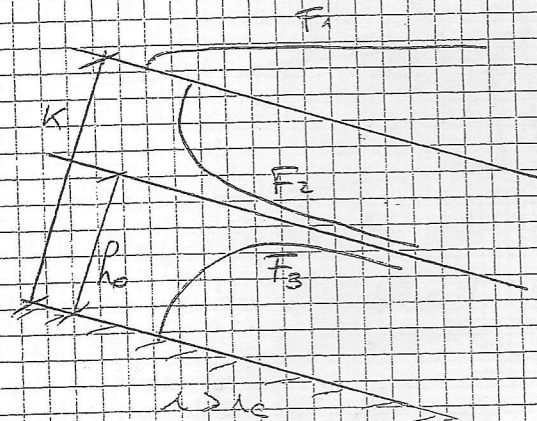
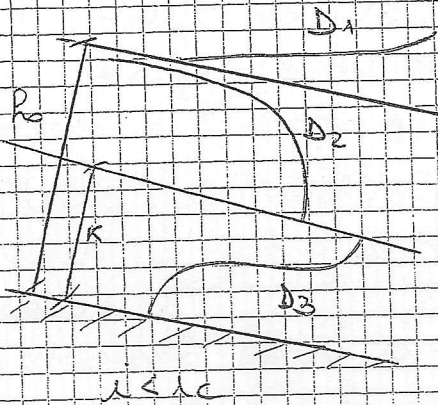
D:  $\frac{dE}{ds}$  se pick  $\rightarrow$  costante  $\rightarrow \frac{dE}{ds} = 20$

$\frac{dE}{ds} = 20$  le altezze (sotto l'angolo) (curvatura) il profilo tende ad  $h_0$  a valle e a monte va a tangente orizzontale al fondo.

$F_3 \rightarrow$  costante velocità curvatura

LEZIONE N° 26

19/05/2011



$\frac{dE}{ds} = \frac{u-s}{1-dE/dQ}$

EQ differenziale di cui la soluzione è nota a meno di una costante di integrazione che può essere trovata applicando le condizioni al contorno.

Bisogna stabilire come la causa perturbatrice influenza la corrente:

1) la causa perturbatrice agisce da valle verso monte se la corrente è lenta  $\rightarrow |C| > |V|$

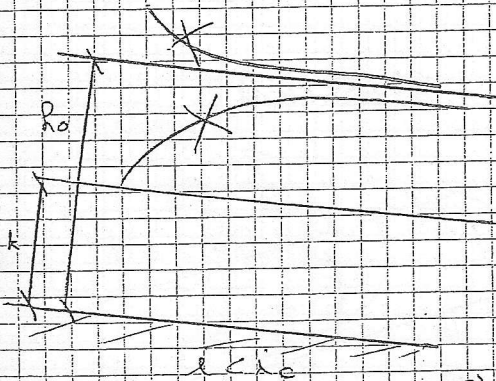
2) la causa perturbatrice agisce da monte verso valle se la corrente è veloce  $\rightarrow |C| < |V|$

Perché???

2) per questo riguarda la corrente veloce. Siamo andati a ricavare quanto vale la velocità delle perturbazioni, immaginando che esistesse una perfetta causa perturbatrice che varia ad alterare il profilo del glo libero per cui nasce una perturbazione che si propaga con una certa velocità pari a C;

nel caso della corrente veloce questa velocità è minore della velocità della corrente per cui la restaurazione non può far altro che propagarsi lungo valle visto che la velocità della corrente è più grande della velocità della restaurazione

1) Nel caso di una corrente lenta la velocità della restaurazione è maggiore della velocità della corrente e quindi la restaurazione si può propagare sia verso monte che verso valle. Per vedere perché, nel caso di una corrente lenta, la causa perturbatrice può influenzare la corrente da valle verso monte raccogliamo per assurdo:



immaginato di avere un dikes a monte pendente e una causa perturbatrice che altera il profilo del pelo libero e quindi la corrente lenta si raccoglie all'altezza di monte superiore all'infimo a valle.

PER  $h > h_0 \rightarrow \frac{dh}{ds} < 0$  CORRENTE ACCELERATA

$$M: 1 - S > 0$$

$$D: \frac{de}{ds} > 0$$

Assurdo  $\frac{dh}{ds} > 0$

PER  $h < h_0 \rightarrow \frac{dh}{ds} > 0$  CORRENTE RITARDATA

$$M: 1 - S < 0$$

$$D: \frac{de}{ds} > 0$$

Assurdo  $\frac{dh}{ds} < 0$

due profili non sono possibili!

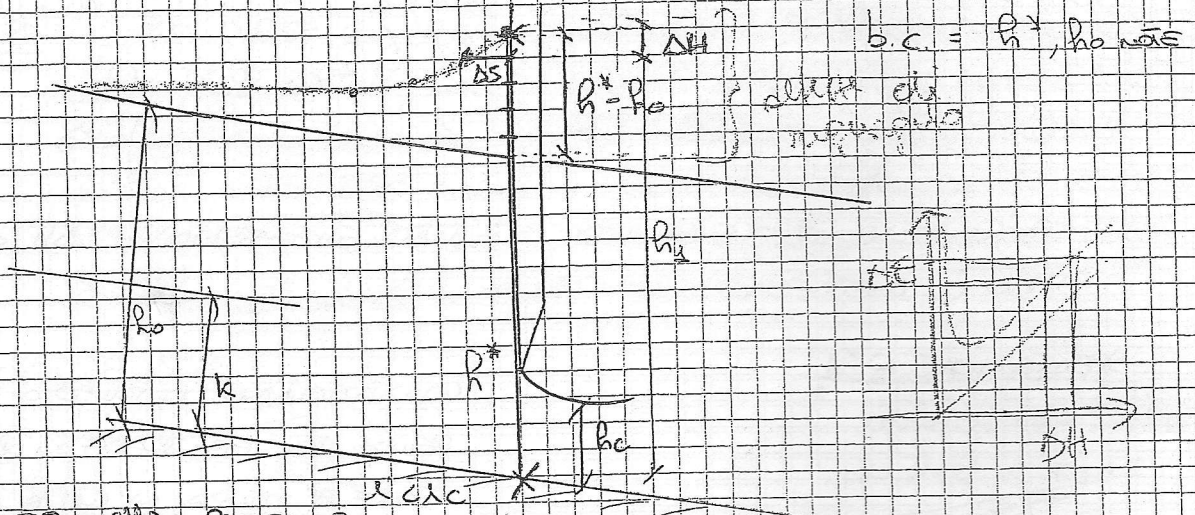
Quindi la causa perturbatrice nel caso di corrente lenta non può influenzare la corrente da monte verso valle ma soltanto da valle verso monte,

per la traccia visto dei profili è dato da cui dipende la traccia

di riferimento in corrispondenza della causa perturbatrice e quindi un riferimento all'estremo di valle se la corrente è lenta a monte se la corrente è veloce (quest'altezza è un'altezza critica)

# TRACCIAMENTO DEI PROFILI PER PUNTI

Supponiamo di avere un alveo a sezione regolare e una parante che  
 venga passata attraverso una volta una certa portata  $Q$ ; dunque  
 questa portata possa qualunque l'altezza di moto uniforme  $h_0$  e così  
 la geometria dell'alveo possa tracciare  $k$  (con la scala  
delle portate)



A monte della parante si  
 verifica un profilo di moto da cui stato nel caso con  
 $k = h_0^3$   
 si calcolano l'altezza nota  $h^*$  tramite Bernoulli e diviso in  
 distello tra  $h^*$  e  $h_0$  in più parti:

$$\Delta H = \frac{(h^* - h_0)}{m} \quad \leftarrow \text{ad ogni } \Delta H \text{ va associato un } \Delta S$$

il nostro profilo cambia tra 2 altezze note  $h^*$  e  $h_0$

(legge delle)  $\frac{dE}{dS} = i - J$  (legge delle)  $\frac{dE}{dS} = i - J$   
 passato alle due altezze note  $\rightarrow$

ITERAZIONE  
 Ma  $\int dR = h^* - h_1$  con  $h_1 = h^* - \Delta H$

$$\Delta E = E^* - E_1 = h^* + \frac{Q^2}{A_1^2 \cdot g} - h_1 + \frac{Q^2}{A_1^2 \cdot g}$$

PER QUALSIASI TAVOLA  $J = \frac{Q^2}{A C^2 R}$  (considero la altezza media perché  
 tutti i termini sono funzione di  $h$ )

$$h_{im} = \frac{h^* - h_1}{2}$$

PER cui:

$$J = \frac{Q^2}{A_m^2 C_m^2 R_m}$$

↓  
medio



quindi

$$\Delta S = \frac{\Delta E}{2 - 5m}$$

$\Delta S =$  tratto di alveo in cui le altezze variano di  $\Delta H$ .

2° ITERAZIONE

$$\begin{aligned} R_{i+1} &\rightarrow R^* & \Delta R &= R_{i+1} - R_i \\ R_o &\rightarrow R_a & \Delta E &= E_{i+1} - E_i \end{aligned}$$

com

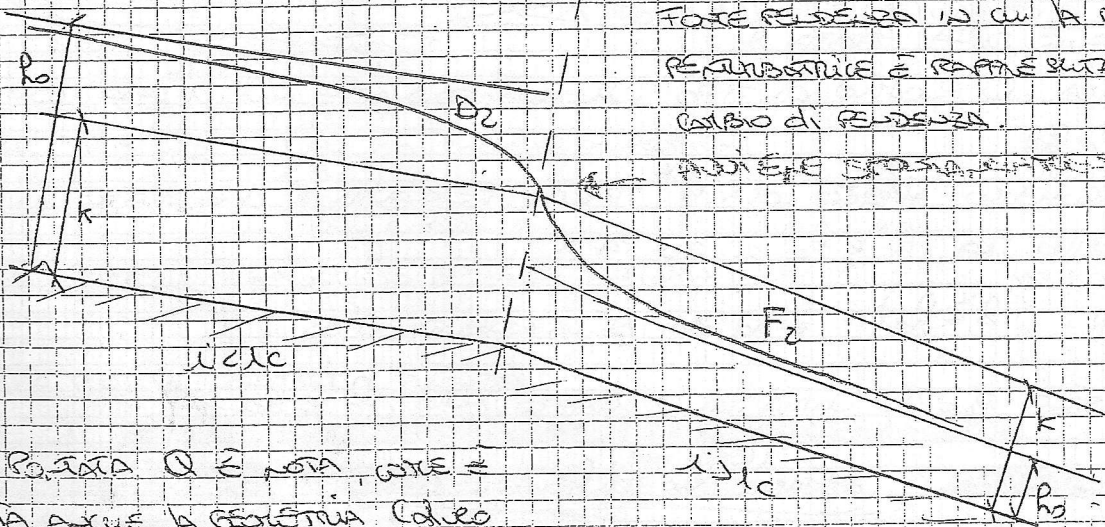
$$\begin{cases} E_{i+1} = R_{i+1}^3 - \frac{Q^2}{A_{i+1}^2 \cdot 2g} \\ E_i = R_i^3 - \frac{Q^2}{A_i^2 \cdot 2g} \end{cases}$$

$$x_{com} = \frac{J_{i+1} - J_i}{2}$$

ripeto lo stesso procedimento per tutti gli intervalli  $\Delta H$  e traccio il profilo

APPLICAZIONE N°1

così ottenuto un alveo a decote regolare segnato da un alveo a forte pendenza in cui la curva rettilineare è rappresentata dal cambio di pendenza.



A PORTATA  $Q$  È NOTA, ANCHE È NOTA ANCHE LA GEOMETRIA (ALVEO RETTANGOLARE) E QUINDI ANCHE L'ALTEZZA DI SOBRESALTA  $R_s$

LA PENA COSÌ DA FARE È CALCOLE L'ALTEZZA DI FORTI SUPERIORE E L'ALTEZZA

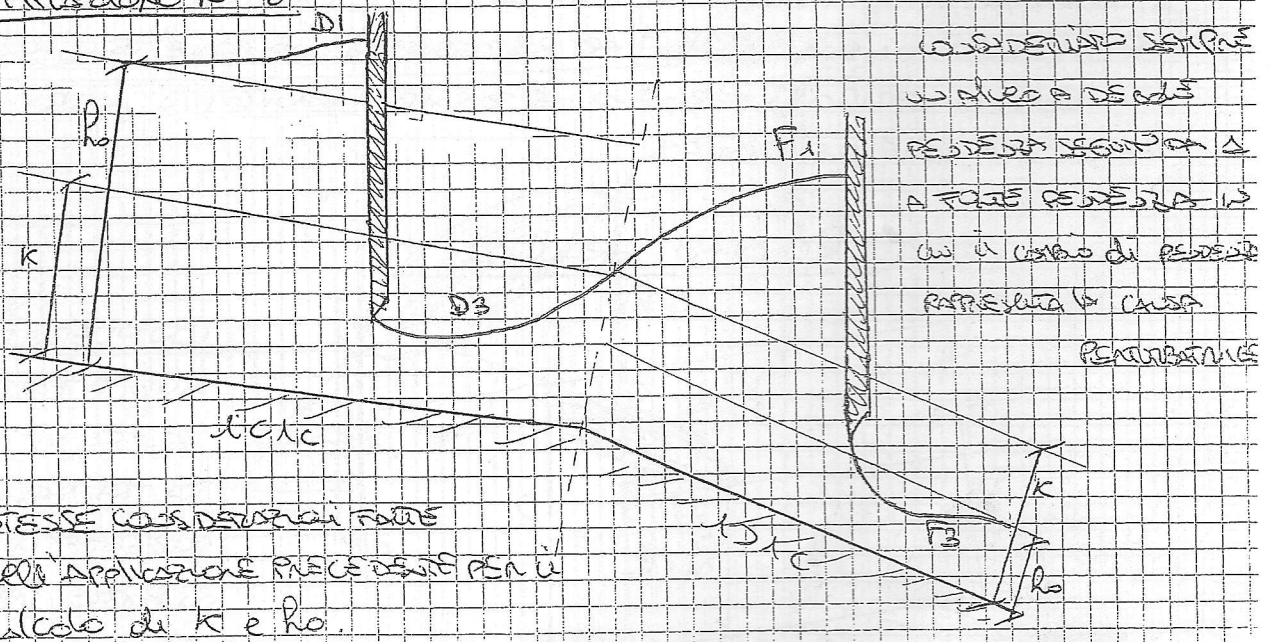
$k$  → PENA TENENDO CASO CHE QUEST'ULTIMA È UGUALE GIÀ PER L'ALVEO A FORTE PENDENZA CHE IN PUNTO A FORTE PENDENZA,  $R_{com}$  DIPENDE DA  $Q$  E DALLA GEOMETRIA, E AUTAMENTE L'ESPRESSIONE DI CHEZY CI POSSIAMO CALCOLE  $R_o$ .

DOMANDA: È POSSIBILE CHE UNA CORRENTE VENTA SI PUÒ TRASFORMARE IN UNA CORRENTE VELOCE PASSANDO ATRAVVERSO LO STATO QUALCUNO  $k$  IN MANIERA GRADUALE E COSÌ DA RAPPRESENTARE IN PUNTO A FORTE PENDENZA UN PUNTO DI ESPANSIONE A valle ???

A ROSE IN UNO LA CONESTE DOPO TENDERE ALL'INFINITO A RICOSTRUIRE IL LORO UNIFORME E A VALLE A K PER PER  $K \ll \rho_0$  A PROPO CHE SI AURA E D2 = CONESTE LENTA ACCELERATA; NEGLI ALTO CON UNO A VALLE SI DEVE RAGGIUNGERE L'ALTEZZA DI TOTO UNIFORME E A TOSTE K PER PER L'USCO PROPO E D'UNO F2 = CONESTE VELOCE ACCELERATA.

RIPOSTA: SOTTO QUESTE CONDIZIONI IL PASSAGGIO GRADUALE DA UNO A UNO K AVIENE SEMPRESI, QUINDI LA CAUSA PERTURBATRICE RAPPRESENTATA DAL CAMBIO DI PENDENZA E CONDIZIONE NECESSARIA E SUFFICIENTE, NOTRE E CONESTO ADDE IL ROLO DI AGIRE DELLA CAUSA PERTURBATRICE IN QUESTO INFLUENZA LA CONESTE LENTA DA VALLE VERSO ROSE E LA CONESTE VELOCE DA TOSTE VERSO ALTE.

APPLICAZIONE N° 2



STESSE CONSIDERAZIONI FATE NELLA APPLICAZIONE PRECEDENTE PER IL CALCOLO DI K E  $\rho_0$ .

DOMANDA: E' POSSIBILE PASSARE DA UNA CONESTE VELOCE A UNA CONESTE LENTA IN TABERA COSTANTE E GRADUALE SEMPLICE K A CAUSA DEL SOLO CAMBIO DI PENDENZA?

RIPOSTA: No! IL CAMBIO DI PENDENZA E' UNA CONDIZIONE NECESSARIA MA NON SUFFICIENTE PERCHE IL ROLO DI AGIRE DELLA CAUSA PERTURBATRICE NON E' CONESTO PERCHE AGISCE DA VALLE VERSO ROSE NEL CASO DELLA CONESTE LENTA E DA TOSTE VERSO ALTE NEL CASO DI CONESTE VELOCE; E' NECESSARIO QUINDI ASSUMERE E FARE (DE CAUSA PERTURBATRICE) UNO NELL'ALTEO A DEDITE PENDENZA E UNO NELL'ALTEO A FINE PENDENZA AFFINCHÉ QUESTI ULTIME INFLUENZANO SEMPLICE SEMPRESI

DA VALLE A COSTE LA CORRENTE LENTA IN  $x$  DICO E DA COSTE A VALLE LA CORRENTE VELOCE NELLE ALTE A  $x$  CIO, TALENDO QUINDI FACILE LA CORRENTE DA VELOCE A LENTA DURANTE  $K$ .

NELL'ALVEO A DEBITE PENSIERA A TOUTE DELLA PARANIA SI CREA UN PROFILO  $D_1$  = CORRENTE LENTA RIVANDATA NELLE ALTE DELLA PARANIA A UNA UN PROFILO  $D_2$  = CORRENTE VELOCE RIVANDATA, CHE TENDE ALLO STATO CRITICO (O) UN PROFILO A TALENTE VELOCITA

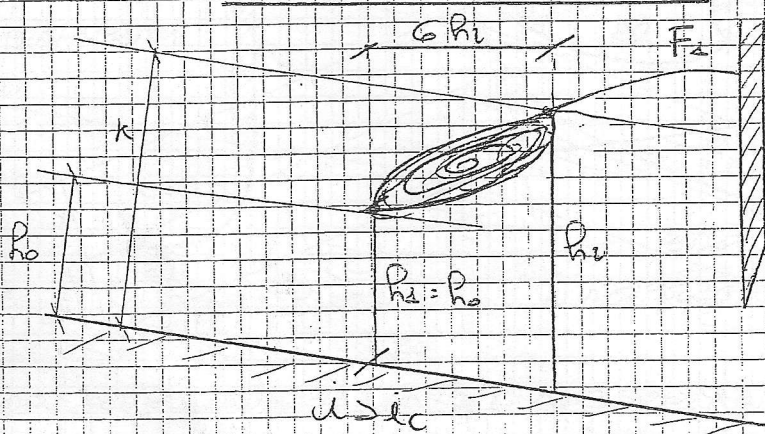
NELL'ALVEO A FORTE PENSIERA A TOUTE DELLA PARANIA L'UNICO PROFILO DI CORRENTE LENTA E  $F_1$  = CORRENTE LENTA RIVANDATA NELLE ALTE L'UNICO PROFILO PER  $R$  ROCK CHE TENDE AL  $P_0$  ALL'INIZIO A VALLE E UN PROFILO

$F_2$  = CORRENTE VELOCE ACCUNTERATA

→ ADESSO INIZIAMO

NEGLI QUESTE CONDIZIONI A PASSAGGIO "TEORICO" TRA CORRENTE VELOCE A CORRENTE LENTA ARRIVANDO LO STATO CRITICO E E POSSIBILE! IN NATURA PERO QUESTO NON AVIENE MAI! NEL PASSAGGIO TRA UNA CORRENTE VELOCE A UNA LENTA SI VERIFICA IL FENOMENO DEL RISALTO IDRAGICO (IN NATURA, OVVERO IN ASSENZA DELLE DUE PARANIE).

### RISALTO IDRAGICO



CONSIDERIAMO UN ALVEO A FORTE PENSIERA NEL PUNTO SI TRANSFORMA UNA CORRENTE DI ALTO VELOCITA' VERSO VALLE INTERNE NE UNA CORRENTE TURBOLENTA RAPPRESNTATA

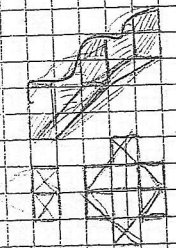
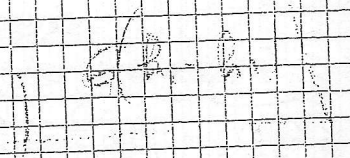
DA UNA PARANIA CHE MOLIFICA IL PROFILO DEL FLO LIBRO OVVERO LA CORRENTE INCREASE PENSIERA OSTACOLO E RIVANDATA (SALTO DI LIVELLO) E PUNTI DI DIFFERENZE DI VELOCITA' OVVERO SI AVRA' UNA CORRENTE LENTA  $F_1$  = CORRENTE LENTA RIVANDATA. QUESTO PROFILO DI CORRENTE TENDE VERAMENTE A  $K$  MA IN NATURA NON LO RAGGIUNGE MAI PENSIERA A PASSAGGIO DA UNA CORRENTE VELOCE A UNA CORRENTE LENTA IN NATURA CONTINUA E GRADUALE ARRIVANDO LO STATO CRITICO  $K$  MA AVIENE MAI, PER CUI SI HA UN PUNTO DI DISCONTINUITA' OVVERO UN RISALTO IDRAGICO (FENOMENO VORTICOSO).

PER UN DETERMINATO VALORE DEL NUMERO DI FROUD

SE  $Fr < 1.5$  → larghezza del ruscello  $Q_{h2}$  (sostanzialmente) SI HA IL VOCCIO

PER  $Fr > 1.5$  ACCOLTO → SI HA IL VOCCIO DALLA LAZIOE DALLA LAZIOE DALLA LAZIOE

con  $Fr = \frac{V}{\sqrt{gD}}$

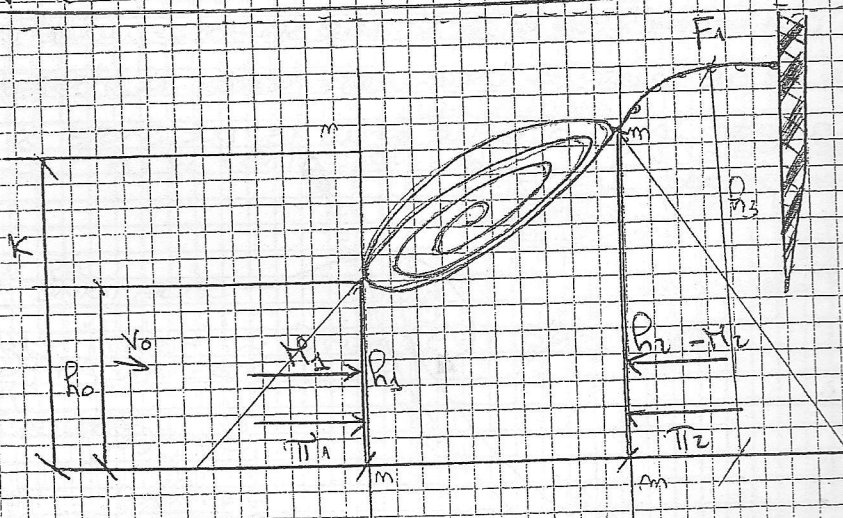


O REGIO :

SE  $(Fr)^2 > 3$  → VOCCIO (SEMPRE)

$(Fr)^2 < 2$  → ruscello ondulato → da parte di un altro

RUSCELLO IDRALICO DAL PUNTO DI VISTA ANALITICO



CONSIDERATO LA SITUAZIONE DESCRITTA FINA OGGI A DUE CORRENTE DI PUNTO UNIFORME VELOCE E A VALLE UNIFORME CHE MODIFICA IL PROFILO DEL PUNTO LIBRO; PER LA TRATTAZIONE ANALITICA DEL RUSCELLO IDRALICO APPLICHIAMO L'EQUAZIONE D'OBILE DELLA DINAMICA AL CORRENTE DI CORRENTE CORRISPONDE TRA LE DUE SEZIONI m-m, n-n CHE COSTITUISCO IL PUNTO DI CORRENTE DUE SI VERIFICA IL RUSCELLO IDRALICO OGGI LE DUE SEZIONI CHE DETERMINANO LE ZONE IN CUI SI HA ACCORDO (PRIMA E DOPO IL RUSCELLO) LA DISTRIBUZIONE DELLE PRESSIONI DI UNO IDROSTATICO

$$\rho \cdot Q \cdot V_1 + \rho \cdot \Pi_1 - \rho \cdot \Pi_2 + \rho \cdot \int_0^L \rho \cdot g \cdot y \cdot dx = 0$$

RICORDIAMO CHE: L'ASSE DEL PUNTO DUE TRASCORRE IN UNO DEI PUNTI E SI COMPENSA

Quindi proiettando lungo l'asse del raso si ha:

$$\vec{T}_1 + \vec{M}_1 = \vec{T}_2 + \vec{M}_2$$

$\vec{T}$  = risultante delle forze di superficie che tutto l'ambiente esterno esercita sul volume di controllo

quindi:

$\vec{M}$  = risultante della forza di gravità di raso

$$\delta p_{G_1} A_1 + p Q V_1 = \delta p_{G_2} A_2 + p Q V_2$$

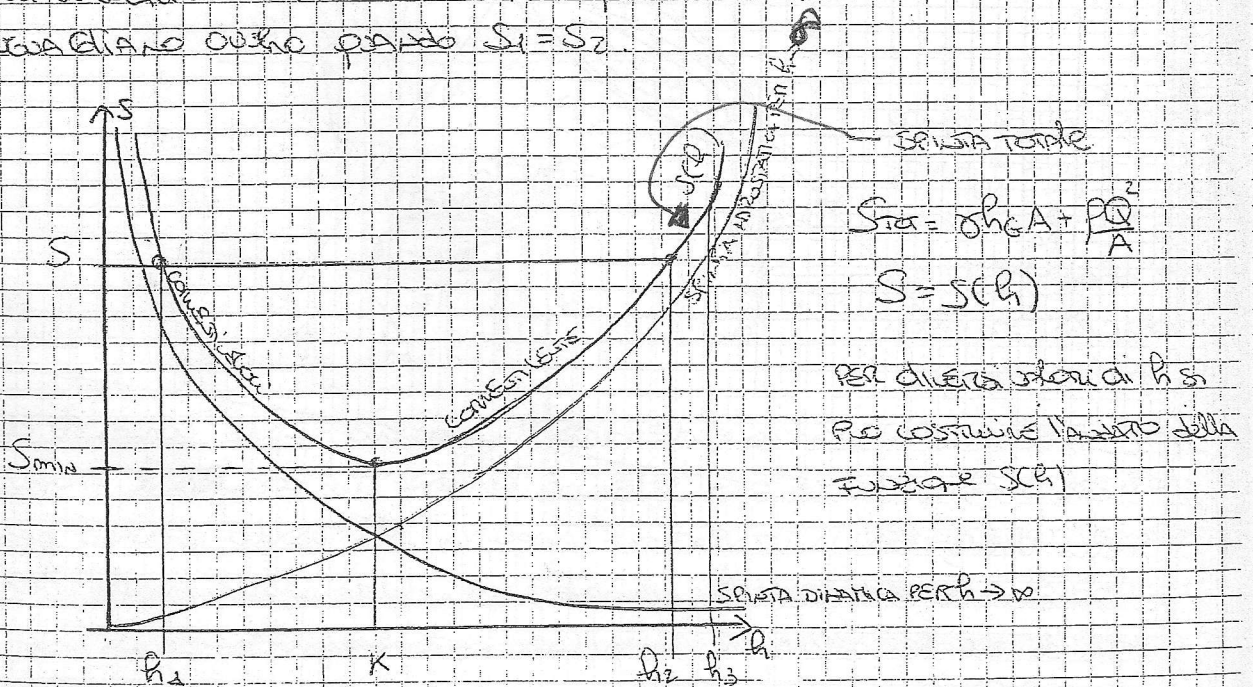
essendo  $V = \frac{Q}{A}$

$$\underbrace{\delta p_{G_1} A_1 + p \frac{Q^2}{A_1}}_{S_1 = \text{spinta totale 1}} = \underbrace{\delta p_{G_2} A_2 + p \frac{Q^2}{A_2}}_{S_2 = \text{spinta totale 2}} = S \rightarrow \text{spinta totale}$$

spinta di natura idrostatica
spinta di natura dinamica

per cui la spinta totale è data dalla spinta di natura idrostatica e una dinamica, quindi queste spinte è funzione di  $\rho$  e  $h$  e per cui ad ogni altezza corrisponde una spinta ovvero  $S = S(\rho, h)$ .

quindi nel nostro caso abbiamo una spinta  $S_1$  che spinge da sotto verso l'alto e una spinta  $S_2$  che spinge da valle verso l'alto; le altre in cui si calcola un sotto saranno quelle in cui le due spinte si uguagliano ovvero punto  $S_1 = S_2$ .



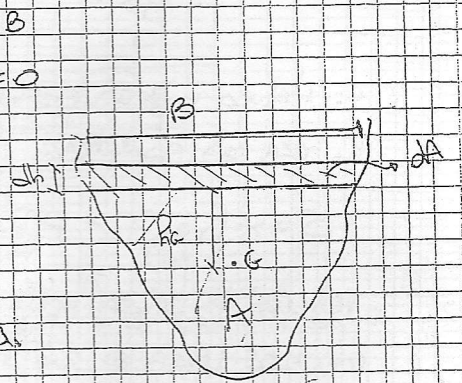
per una certa spinta  $S$  si può individuare nel grafico due altezze convenienti  $h_1$  e  $h_2$ . si parte sempre dall'altezza nota di raso o il punto  $R_0 = h_1$  si entra nel diagramma e trova la spinta e quindi anche l'altezza conveniva  $h_2$  e quindi abbiamo l'altezza della sezione dalla parte finale facente il risultato idraulico.

CONSIDERIAMO NEL DIAGRAMMA LA SPINTA DI UNA CATERINA ALTERNATA CHE CHIAMIAMO  $P_h$  CHE È TAGGIALE DELLA SPINTA CHE HA L'ALTEZZA  $P_h$  QUINDI IL CENTRO DI SPINTA È UNO TANTE ALTO PIÙ SOTTO UNO IL PROFILO TI DI ALTRE DECREMENTI E QUINDI TORNANDO LA CURVA DELLA SPINTA (SCR) FLEA QUANDO LA SI LOCALIZZARE L'ALTEZZA  $P_h$  DOVE LE SPINTE SONO UGUALI

BISOGNA ANCORA STABILIRE QUANTO VALE  $K$ :

PER VEDERE QUAL È IL VALORE DI  $S$  BASTA FARE LA DERIVATA RISPETTO AD  $P_h$  E PONIAMO LA DERIVATA UGUALE A ZERO

$$\frac{dS}{dP_h} = 0 \Rightarrow \frac{dS}{dP_h} = \frac{d(P_h A)}{dP_h} - \frac{P_h Q^2}{A^2} \frac{dA}{dP_h} = 0$$



QUI  $P_h \cdot A = M =$  TORRENTO STATICO DELLA SEZIONE

NOI ASSAIAMO LA VARIAZIONE DEL TORRENTO STATICO QUANDO PASSAZZA UNO DA UNA QUANTITÀ INFINITESIMA  $dh$  QUINDI

DOBBIAMO CONSIDERARE IL TORRENTO INFINITESIMO:

$$M_{INCR} = A(h_c + dh) + B dh \cdot \frac{dh}{2}$$

$\leftarrow$  AREA INFINITESIMA  
 $\leftarrow$  IL TORRENTO STATICO DI UN'INFINITESIMA SA PENSARE IL CENTRO IL BARICENTRO SA PENSARE IL CENTRO

PER CUI:

$$dM = M_{INCR} - M = \cancel{A h_c} + A dh + \cancel{\frac{B dh^2}{2}} - \cancel{A h_c}$$

$\leftarrow$  INFINITESIMO DI ORDINE SUPERIORE

E ADORA:

$$\frac{dh}{dP_h} = \frac{A dh}{dh} = A$$

SOSTITUENDO:

$$\frac{dh}{dS} = \frac{dA}{dP_h} - \frac{P_h Q^2}{A^2} B = 0 \quad \text{dividiamo tutto per } S \cdot A$$

$$1 - \frac{Q^2}{A^3} B = 0$$

CIÒ CHE  $\frac{Q^2}{S} = \frac{A^3}{B}$   $\leftarrow$  STATO CRITICO PER  $R \rightarrow K$ ; QUINDI POSSO S VERIFICARE QUESTA CONDIZIONE S HA IL VALORE DELL'ESPRESSIONE DELLA PORTATA E IL VALORE UGUALE DELLA SPINTA

SE l'altro è di forma rettangolare:

$$S = \frac{\sigma R}{2} h \cdot B + \frac{PQ^2}{B^2 R}$$

ovvero:

$$S = \frac{\sigma R^2}{2} B + \frac{PQ^2}{BR} \Rightarrow \frac{dS}{dR} = \frac{2\sigma R B}{2} - \frac{PQ^2}{BR^2} = 0 \quad \text{dividendo per } \sigma R B$$

si ha:

$$1 - \frac{Q^2}{\sigma B^2 R^3} = 0 \Rightarrow R = r = \sqrt[3]{\frac{Q^2}{\sigma B^2}}$$

SE l'altro è rettangolare, nota la  $R_1$  si può ricavare la sua altezza conosciuta  $R_2$  per via analitica:

$$S = \sigma R_1 \cdot A + \frac{PQ^2}{A}$$

poiché la spesa della corrente deve essere uguale alla spesa della corrente persa si può scrivere:

$$\frac{1}{2} R_1^2 B \cdot \sigma + \frac{PQ^2}{B R_1} = \frac{1}{2} R_2^2 B \cdot \sigma + \frac{PQ^2}{B R_2}$$

Moltiplico tutto per 2:

$$R_1^2 B \cdot \sigma + \frac{2PQ^2}{B R_1} = R_2^2 B \cdot \sigma + \frac{2PQ^2}{B R_2}$$

dividendo tutto per  $\sigma \cdot B$

$$\frac{R_1^2}{1} + \frac{2Q^2}{\sigma B^2 R_1} = \frac{R_2^2}{1} + \frac{2Q^2}{\sigma B^2 R_2}$$

Moltiplichiamo tutto per  $(R_1 \cdot R_2)$

$$R_1^2 (R_1 R_2) + \frac{2Q^2 R_2}{\sigma B^2} = R_2^2 (R_1 R_2) + \frac{2Q^2 R_1}{\sigma B^2}$$

Raccogliamo

$$R_1 \cdot R_2 (R_1^2 - R_2^2) = \frac{2Q^2}{\sigma B^2} (R_2 - R_1)$$

Semplifichiamo la differenza di quadrati

$$R_1 \cdot R_2 (R_1 - R_2)(R_1 + R_2) = \frac{2Q^2}{\sigma B^2} (R_2 - R_1)$$

SI OBTIENE:

$$P_1 P_2 (h_1 + h_2) = \frac{2Q^2}{g B^2}$$

PASSIAMO TUTTO AL NUMERO MEMBRANO SIDERATO, PRODOTTI QUELLO U' SPUNTO DI SECONDO GRADO CHE PASSIAMO RISOLVERE O PASSIAMO AD  $P_1$  O INSIEME AD  $P_2$  (DIPENDE DA POLE ALTEZZA E LONTA)

$$P_1^2 h_2 + P_1 h_1^2 - \frac{2Q^2}{g B^2} = 0$$

RISOLVIAMO RISPETTO AD  $P_1$

$$P_1 = \frac{-h_2 \pm \sqrt{h_2^2 + 8 h_2 \frac{Q^2}{g B^2}}}{2 h_2} = \frac{-h_2 \pm \sqrt{h_2^2 + \frac{8 h_2 V_2^2 P_2^2}{g B^2}}}{2 h_2} =$$

$$= \frac{P_2 \pm \sqrt{h_2^2 + \frac{8 h_2^2 V_2^2}{g P_2}}}{2 h_2}$$

LA FRAZIONE ADEI  $P_2^3$  AL NUMERATORE PER POTRE FARE  $P_2^2$  DIVIDENDO PER  $P_2$  QUINDI SI HA SOTTO  $P_2^2$  E SOTTO  $P_2$

OVVERO:

$$P_1 = \frac{-h_2 \pm \sqrt{h_2^2 \left(1 + \frac{8 V_2^2}{g P_2}\right)}}{2 h_2} = \frac{-h_2 \pm h_2 \sqrt{1 + \frac{8 V_2^2}{g P_2}}}{2 h_2}$$

$$P_1 = \frac{1}{2} h_2 \left( -1 + \sqrt{1 + \frac{8 V_2^2}{g P_2}} \right) \rightarrow F_{r_2} = F_r = \frac{V_2}{\sqrt{g h_2}}$$

COSI' SOLO SOLUZIONE POSITIVA, QUANTO ALLA EQUAZIONE LA COSIDERIAMO PERCHE' NON HA SENSO!

IN FINE SI OBTIENE:

$$P_1 = \frac{1}{2} h_2 \left( -1 + \sqrt{1 + 8 F_{r_2}^2} \right) \rightarrow \text{NOTO CHE SA } P_1 \text{ RICHIAMO } P_1$$

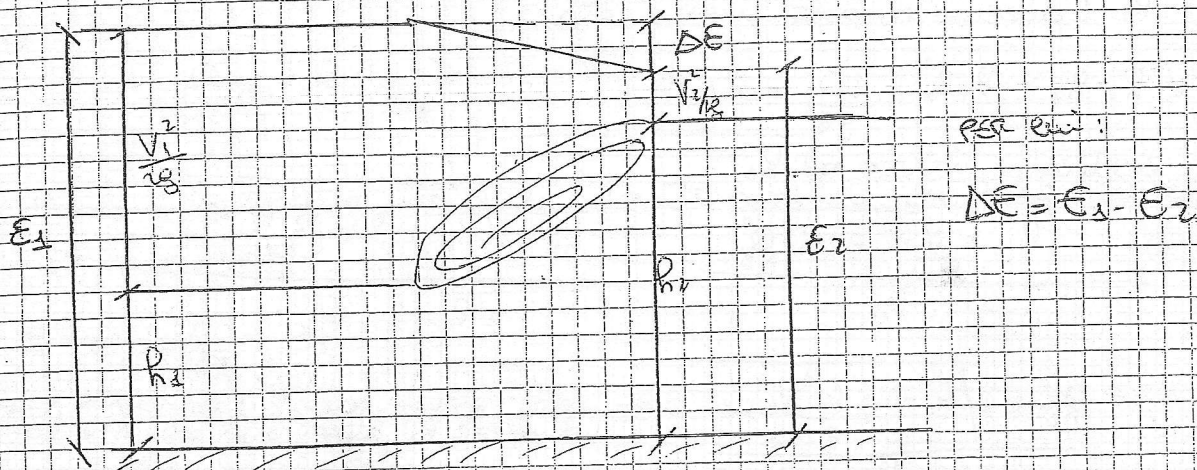
E

$$P_2 = \frac{1}{2} P_1 \left( -1 + \sqrt{1 + 8 F_{r_1}^2} \right) \rightarrow \text{NOTO CHE SA } P_1 \text{ RICHIAMO } P_2$$



QUANDO UNA CORRENTE LENTA INCONTRA UNA CORRENTE VELOCE SI HA IL PASSAGGIO EFFETTIVO STRAORDINARIO LO STATO CRITICO SI HA UN FENOMENO DETTO DELLO SCALTO IDRAGICO (FORTEMENTE DISSIPAZIONE IN TERMINI DI ENERGIA)

DISSIPAZIONE DI ENERGIA NEL SCALTO IDRAGICO (CALCO REE)



PER REE:  
 $\Delta E = E_1 - E_2$

cos:

$$E_1 = h_1 + \frac{V_1^2}{2g} = h_1 + \frac{Q^2}{A_1^2 2g} = h_1 + \frac{Q^2}{B^3 h_1^2 2g}$$

$$E_2 = h_2 + \frac{V_2^2}{2g} = h_2 + \frac{Q^2}{A_2^2 2g} = h_2 + \frac{Q^2}{B^3 h_2^2 2g}$$

PER UN ALCO  
 RETTANGOLARE  
 $A_1 = B \cdot h_1$   
 $A_2 = B \cdot h_2$

PER REE:

$$\Delta E = E_1 - E_2 = h_1 - h_2 + \frac{Q^2}{B^3 2g} \left( \frac{1}{h_1^2} - \frac{1}{h_2^2} \right)$$

RIPRENDEMO L'ESPRESSIONE DESCRITTA NELLA LEZIONE PRECEDENTE:

$$\frac{2Q^2}{B^3 g} = h_1 h_2 (h_1 + h_2)$$

PER TANTO SOSTITUIAMO S HA:  $\rightarrow \frac{Q^2}{B^3 2g} = \frac{1}{4} h_1 h_2 (h_1 + h_2)$

E quindi:

$$\Delta E = h_1 - h_2 + \frac{1}{4} h_1 h_2 (h_1 + h_2) \left( \frac{h_2^2 - h_1^2}{h_1^2 h_2^2} \right)$$

→ FATTO il m.c.m.

$$\Delta E = \frac{4 h_1^2 h_2 - 4 h_1 h_2^2 + h_1^2 h_2 - h_1^3 + h_2^3 - h_1^3 h_2^2}{4 h_1 h_2}$$

caso di Biorio

$$\Delta E = \frac{3 \rho h_1^2 h_2 - 3 \rho h_1 h_2^2 - \rho h_1^3 + \rho h_2^3}{2 h_1 h_2}$$

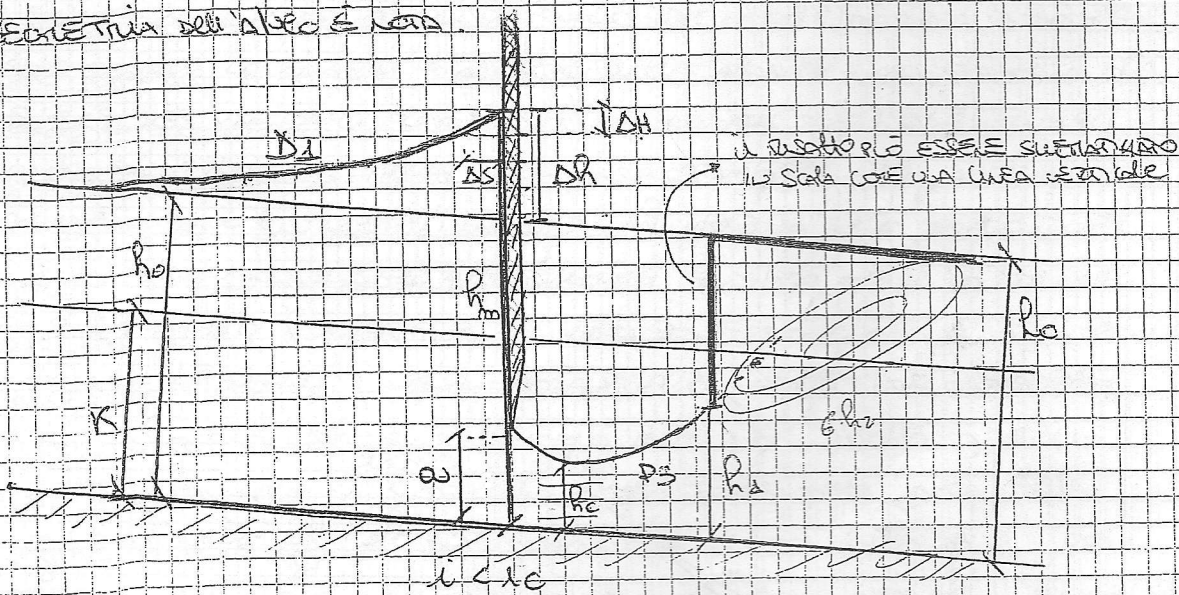
IN FINE SI OBTIENE:

$$\Delta E = \frac{(h_2 - h_1)^3}{2 h_1 h_2}$$

→ PERDITA DI ENERGIA TRA LE DUE SEZIONI  
~~CON~~ IL TUBO PARALLELO  
 CONTENENTI

APPLICAZIONE N° 1: PROFILI DI CONCRETO IN ALVEO A U CIO

CONSIDERIAMO UN ALVEO DI FONDA RETTANGOLARE A DEBOLISSIMA PENDENZA NEL QUALE È INSERITA UNA PARATA CHE LASCIA DESTINARE UNA CERTA PORTATA Q NOTA; COLIAMO SABIENE I PROFILI CHE SI OBTENGONO A TORRE E A VALLE DI PIANA PARATA; LA LUCE DELLA PARATA È PARI AD  $a$  E IL COEFFICIENTE DI CONTRAZIONE  $C_c = 0,61$  PER CUI L'ALTEZZA DELLA SEZIONE CONTRAZTA SARÀ  $h_c = 0,61 \cdot a$ ; LA GEOMETRIA DELL'ALVEO È NOTA.



NOTA LA GEOMETRIA È NOTA LA PORTATA DETERMINATA CHEZY POSSIAMO CALCOLARE  $R_0$  ALTEZZA DI VOTO ARIARE

$$Q = V \cdot A = \underbrace{B \cdot R_0^2}_{A} \underbrace{C_c \sqrt{R_0}}_V$$

il  $a$  è  $h_1$  il  
 profilo a valle  
 contrazione  
 nella curva

È ADEGUATO L'ESPRESSIONE dello stato critico  $\frac{A^3}{B} = \frac{Q^2}{g}$

$$K = \sqrt[3]{\frac{Q^2}{B^2 g}}$$

con  $R_0 > K$  PERCHÉ A U CIO

PER IL TRACCIAMENTO DEL PROFILO BISOGNA PARTIRE DA UN'ALTEZZA NOTA IN  
 CORRISPONDENZA DELLA CASSA RETRIBUTIVA E A PARTIRE DALL'ESPRESSIONE

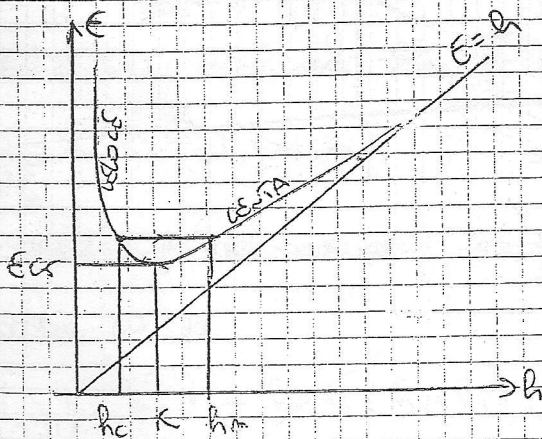
$$DE = \lambda - S \text{ POSSIAMO PARTIRE AL TRACCIAMENTO DEL PROFILO.}$$

A VALLE DELLA PARZIA SIAMO NEL CASO  $h_c < h_k$  CUILO CONSLITI VELOCI E QUINDI  
 È COME UN RIVOLTO DI FONTE DELLA CASSA RETRIBUTIVA PERCHÉ INFLUENZA  
 LA CONSLITE VELOCITÀ DA NOSE VERSO VALLE, SE QUÀ ARRIVATO UN CONSLITE  
 VELOCITÀ DA NOSE ARRIVO UN CONSLITE VELOCITÀ PERCHÉ LA CASSA RETRIBUTIVA  
 INFLUENZA LA ECCELLENZA DA VALLE VERSO NOSE, IL PROFILO A VALLE SI  
 SVILUPPA TRA LE ALTEZZE NOTE  $h_c \leq h_k$  PER UN

$Dh = k + h_c$  E, CONSIDERANDO  $h_c$  RIGUARDO AD UN'ALTEZZA, SI PÒ  
 PROCEDERE AL TRACCIAMENTO PER PUNTI (TEDESCO ANCHE) DEL PROFILO DI TIPO  
 $D_3 =$  CONSLITE VELOCITÀ PARADOTA A PARTIRE DA  $h_c$ , QUESTO PROFILO CHE  
 RAGGIUNGE ALL'INFIATO A VALLE L'ALTEZZA DI CUILO QUÀ FONTE MA NON SARRIATO  
 COME LO RAGGIUNGE (ECCO PERCHÉ C'È LA LINEA TRONCATA).

A VALLE ARRIVATO  $h_c > h_k$  QUINDI SI HA UN CONSLITE VELOCITÀ CHE RAGGIUNGE  
 QUANDO INCONTRA LA PARZIA CUILO SI ERGA A CREARE UN PROFILO DI TIPO

$D_1 =$  CONSLITE VELOCITÀ PARADOTA IL PROFILO VA TRACCIATO PER PUNTI PARTENDO  
 DALL'ALTEZZA NOTA IN CORRISPONDENZA DELLA PARZIA (CONSLITE DI COSTANTO)  
 PER TROVARE QUEST'ALTEZZA  $h_m$  FACENDO L'IPOTESI CHE IL FENOMENO SI PÒ  
 DISPERDITO SI PÒ APPLICARE PRINCIPALI DELLA SEZIONE CONTRARIA (DUE LE  
 TRAZIONE SONO SUBBILITATE VERTICALI E PARALLELE) O FARE UN PUNTO  
 TRA GLI OPERICI DELL'ENERGIA, SI ARRIVA ALL'INFIATO SI RIENTRA AL PÒ.



OPPURE

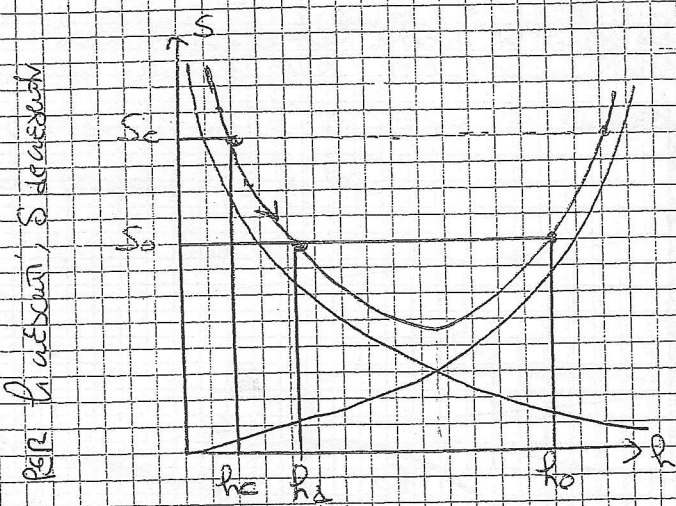
$$E_c = h_c + \frac{V_c^2}{2g} = E_m = h_m + \frac{V_m^2}{2g} \rightarrow h_m$$

NOTA LA  $h_c$  CI RAGGIUNGE LA  $h_m$   
 O DAL GRAFICO O DALL'ESPRESSIONE  
 SOPRA.

$$E(h) = h + \frac{Q^2}{A^2 g}$$

$h_p$ : FENOMENO POCO DISSIPATIVO

A UNDE, PER TRACCIARE IL MASSIMO DELISTICA IL PROFILO (E PUNTO PER PUNTO SE SI TRATTA O TENO IL RISULTO), È UN'ALTRA FASE NECESSARIA AL CALCOLO  $S = S(h)$



$$S(h) = \frac{1}{2}gh + \frac{Q^2}{A^3}$$

SE L'ALTEZZA È REGOLARE...

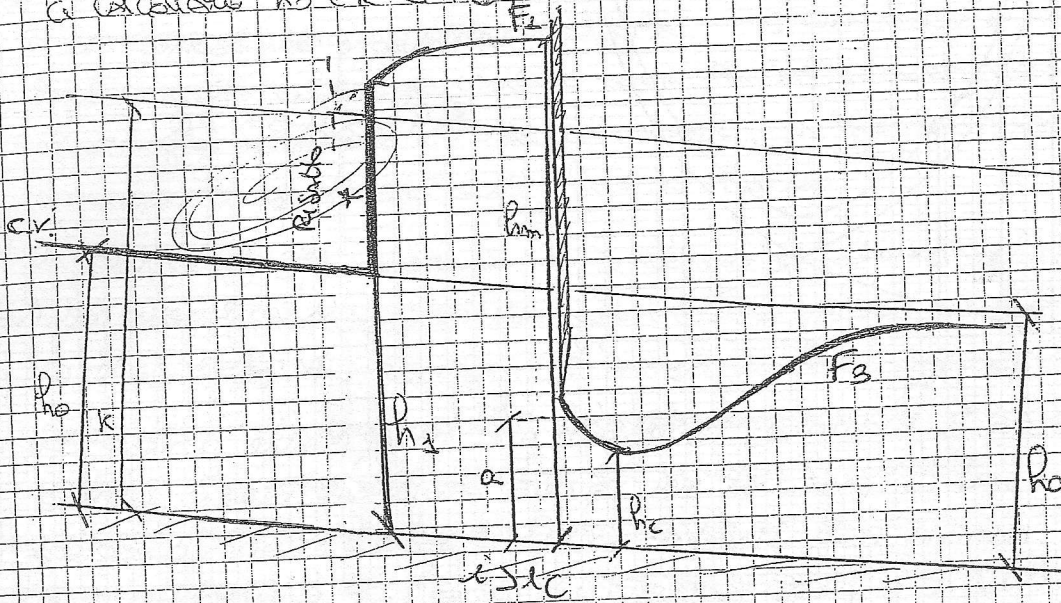
$$S(h) = \frac{1}{2}gh + \frac{Q^2}{B^3 h^3}$$

PER DETERMINARE IL VALORE DI h IL COSTRUTTORE PER FARE LA CURVA  $S = S(h)$

TEORICAMENTE IL PROFILO D3 TERMINEREBBE A K MA IN REALTÀ A UNO VALORE PARZIOLE K NON LO RAGGIUNGE MA PERCHÉ INTERIENE FENOMENI IDRAULICI; ADDESSA PERO' STABILISCE IL QUANTO SECONDO SI ADESSA IL QUANTO IDRAULICO E A POSTO ROBUSTO IL NOME IL GRUPPO IL DIAGRAMMA  $S(h)$  TENENDO IN CONSIDERAZIONE CHE QUEST'ULTIMO È UNA CURVA DELLA SEZIONE CHE K DE SPALLE (CONTESTE UOMO, CONTESTE LEGNA) SI VERIFICANO; L'ALTEZZA h0 ADESSA UNA SPALLA S1 E LA SUA ALTEZZA CONVEGATA È > h0 PERCHÉ IL VALORE INTERESSA, RIGUARDO DA h0 SI HA UNA SPALLA S2 E IL VALORE DI CONTESTE UOMO PARIA AD h1 E SARÀ QUESTA LA SEZIONE IN CUI HA IL QUANTO FORNIRE QU SI ADESSA L'UGUALIÀ TRA LA SPALLA DELLA CONTESTE LEGNA E DI QUELLA VELOCITÀ IN QUESTA SITUAZIONE POSSONO AVERE IL RISULTATO S. E. T. PERCHÉ LA SPALLA DELLA CONTESTE LEGNA È PIÙ FORTE DELLA SPALLA DELLA CONTESTE LEGNA E QUINDI IL RISULTATO È IL RISULTATO UOMO; PERCHÉ DAL PUNTO D3 CHE È IL PROFILO DI CONTESTE UOMO TERMINATA (PERCHÉ LE ALTEZZE UOMO) IL SECONDO UOMO LA CURVA  $S(h)$  FINO A DUE LE 2 SPALLE SI UOMO E TRACCIAMO IL PROFILO D3 FINO ALL'ALTEZZA h1 CHE È LA QUOTE IL SARÀ IL RISULTATO.

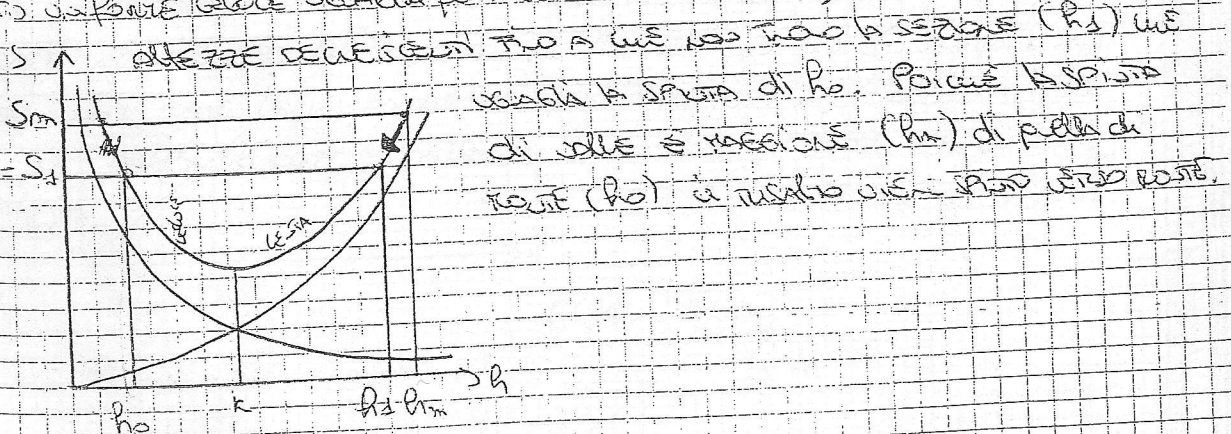
APPLICAZIONE N° 2: PROFILI DI CONCRETE A ALTEZZA A U.S.C.

CONSIDERIAMO UN ALVEO RETTANGOLARE A FORTE PENDENZA DEL FONDO E  
 INSERIAMO UNA PARABOLA CHE HA UN PASSANTE UNA DETERMINATA PORTATA  $Q$  CHE  
 STESSA CONSIDERAZIONE FAREMOSI NELL'ALVEO A DEBOLLE PENDENZA, QUINDI  
 CI CALCOLEREMO  $R_0$  E  $K$  E  $R_c$



A VALLE DELLA PARABOLA ASSORTO UN PROFILO DI TIPO  $F_3$  = CONCRETO UOMO VARIABILE  
 ESSENDO  $R_c$  E  $R_0$  CHE TENDONO AL ZERO IN UNO E ALL'ALTRO PIANO A VALLE  
 PER CUI PARTENDO DALL'ALTEZZA NOTA  $R_c$  SI COSTRUISCE PER PRIMO QUESTO PROFILO.

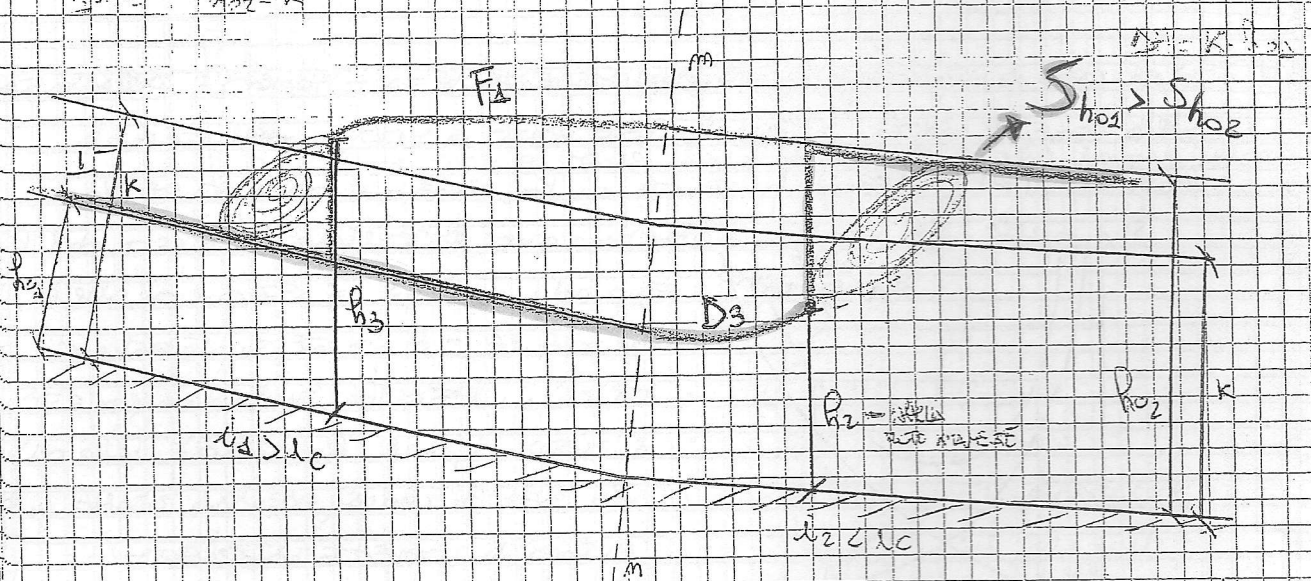
A POSTO CI CALCOLIAMO COME DESCRITTO IN PRECEDENZA L'ALTEZZA  $P_{min}$  A POSTO DELLA  
 PARABOLA E TRACCIAMO IL PROFILO DI CONCRETO LEGGERO RAPPRESENTATO  $F_1$  (FERMO); TALE  
 PROFILO TENDENTE A  $K$  CON TANGENTE VERTICALE; LO SPACCO SU LO SPACCO SE RIFERISCE IN  
 L'INIZIA IL FENOMENO DEL RISALTO IDRAULICO PER IL FONDO DELLA SEZIONE IN  
 UNO UN FONTO UOMO VARIABILE DELLA CONCRETE LEGGERA; IL SPACCO DA  $P_{min}$  PER



### APPLICAZIONE N°3

CONSIDERATO UN ALVEO RETTANGOLARE A FORTE PENDENZA SOTTO AD UN ALVEO A DEBOL Pendenza; SIANO JOSE LE PENDENZE  $i_1, i_2$  IN ESCALATA E LA PORTATA  $Q$  UGUALE SABILINE PUNTI S10, I PROFILI CHE SCELGO A UGUALI NEI DE ALVEI, PER CUI LA PRIMA COSA DA FARE E' CALCOLARE L'ALTEZZA CRITICA  $K$  CHE E' LA STESSA PER ENTROBI ALVEI E LE ALTEZZE DI SOTTO UNIFORME  $h_{01}$  E  $h_{02}$ .

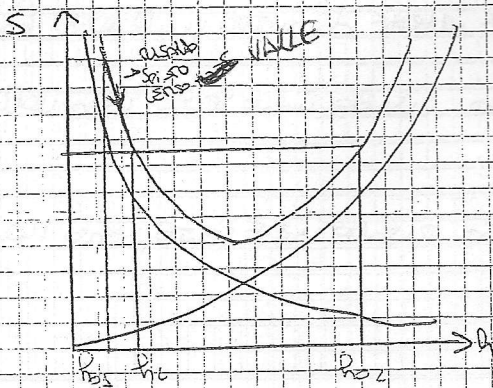
$$h_c = \sqrt[3]{\frac{Q^2}{g \cdot b}}$$



QUANDO UNA CORRENTE VELOCE INCONTRA UNA CORRENTE LENTA SI HA UN TAVOLLO IDRAULICO; BISOGLIA SABILINE DOVE SI VERIFICA IL TAVOLLO IDRAULICO, NELLA SEZIONE UN ALVEO A FORTE PENDENZA O IN QUELLO A DEBOL Pendenza. SI POSSONO VERIFICARE 2 SITUAZIONI:

- 1) CASO di esatto IDRAULICO A valle di c/c (L'ALVEO SOTTO ALLA CORRENTE VELOCE)
- 2) CASO di TAVOLLO IDRAULICO A FORTE di S/C (L'ALVEO SOTTO ALLA CORRENTE LENTA)

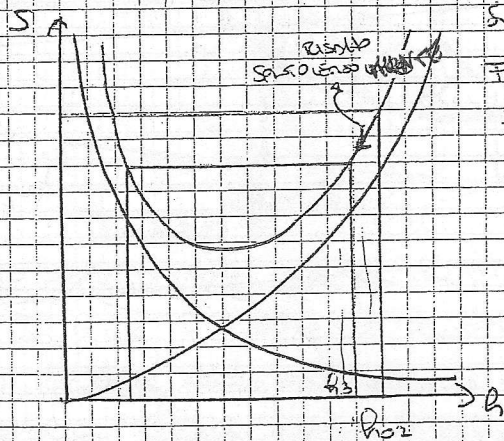
1) ANALIZZIAMO LA CURVA  $S = d(h)$ ; IL CAMBIO di PENDENZA PUO' MANIFESTARE LA SUA INFLUENZA A FORTE NELLA CORRENTE VELOCE PER CUI IL PUNTO C/O E' PUNTO IN CUI



ABBANDONA IL SUO CARATTERE di ALTEZZA  $h_{03}$  FINE AL CAMBIO di PENDENZA, POI PERCHE' SI DEVE RIPRISTINARE IL SUO CARATTERE di ALTEZZA  $h_{02}$  SI CREA UN PROFILo di  $h_{01}$   $D_3$  = CORRENTE VELOCE QUANTO ALTA CHE TENDEREbbe A  $K$

MA NON LO RAGGIUNGE PER CUI SI FERRA IL CASO IDEALICO PER TRACCIARE  
 IL PROFILO BISOGNA PARTIRE DA UNA ALTURA NOTA IN CORRISPONDENZA DELLA CURVA  
 RESTAURATRICE CURVA  $h_{02}$  ALTURA DI NOTO CUPONE, BISOGNA ESSERE ADDETO A  
 CUI SEGGI SIA IL CASO IDEALICO: IL CASO IDEALICO E' IL CASO IDEALICO  
 (CUI PER ALTRE CUSCINI DA  $h_{02}$ ) PERCHÉ LA SPINTA DELLA CONESTE VELOCE  
 E MAGGIORE DI QUELLA CHE ESERCA LA CONESTE LENTA, IL TRACCIATO PER CUI PER  
 ALTRE CUSCINI (EQUALE SPINTE DISCORSI) FINO ALLA SECONDA IN CUI LE  
 DE SPINTE (CONESTE VELOCE E CONESTE LENTA) SI EGUALANO (IN CORRISPONDENZA  
 DELL'ALTURA  $h_3$ )

2) NEL CASO IN CUI LA SPINTA DELLA CONESTE LENTA È MAGGIORE DELLA SPINTA  
 DELLA CONESTE VELOCE IL CASO IDEALICO SI RAGGIUNGE A NOTO, ANALIZZANDO LA  
 CURVA  $S = S(h)$ ; ESSETO LA SPINTA DI FOR. MAGGIORE DELLA SPINTA  $h_{01}$



SI RAGGIUNGE PER ALTRE DISCORSI DA ( $h_{02}$ )  
 FINO AD UN'ALTURA IN ESSENZA DI ALTURA  
 $h_3$  DUE LE DE SPINTE SI EGUALANO  
 QUINDI IN DEFINITIVA SI HA LA CONESTE  
 DI NOTO CUPONE  $h_{01}$  VELOCE FINO ALL'ALTURA  
 $h_3$  DOPO DI CHE SI ARI IL CASO IDEALICO CHE  
 PERCHÉ LA CONESTE VELOCE È  
 PIÙ FORTE DI QUELLA DELLA CONESTE LENTA  
 RIGUARDO ALL'ALTURA DI NOTO CUPONE  $h_{02}$

ANCHE IN QUESTO CASO IL NOTO DI FOR. DELLA CURVA RESTAURATRICE È CORRELATO  
 IL PUNTO, PUNTO LA CONESTE LENTA DA VALLE VERSO NOTO.

COME SI FA A VERIFICARE SE SI USANO IL CASO 1) O IL CASO 2)?

DEPENDE DALL'ENTITÀ DELLE SPINTE (CUI SI SPINTE A VALLE O A NOTO A NOTO  
 DI POTRE SPINTE E TRACCIARE). QUINDI IL CASO SI RAGGIUNGE DOVE LA SPINTA È  
 MAGGIORE!

DEPENDE QUINDI DALLE SPINTE CHE ALLE ALTURE DI NOTO CUPONE  $h_{01}$  E  $h_{02}$

SE  $S_{h_{01}} > S_{h_{02}}$  → 1) CASO IDEALICO IL CASO IDEALICO

SE  $S_{h_{01}} < S_{h_{02}}$  → 2) CASO IDEALICO IL CASO IDEALICO

Per cui se la spira della cometa di moto uniforme veloce è maggiore della spira di moto uniforme lenta il raggio si ha nell'arco a debole presenza; e la spira di moto uniforme lenta è maggiore della spira di moto uniforme veloce il raggio si ha nell'arco a forte presenza; se la spira della cometa di moto uniforme veloce è uguale alla spira della cometa di moto uniforme lenta il raggio si ha proprio la corrispondenza del centro di presenza.

NB:  $\left\{ \begin{array}{l} p_0 > K \rightarrow \text{debole presenza } i < c \rightarrow \text{comete di moto uniforme lente} \\ p_0 < K \rightarrow \text{forte presenza } i > c \rightarrow \text{comete di moto uniforme veloce} \\ p_0 = K \rightarrow i = c \rightarrow \text{moto uniforme allo stesso centro} \end{array} \right.$

negli altri e deboli presenza il moto uniforme di i  
 gli comete deboli presenza non sono propri del centro di presenza  
 loro centro più vicino agli altri e forte presenza  
 il moto uniforme di comete deboli presenza non vengono  
 antroraneamente loro alle

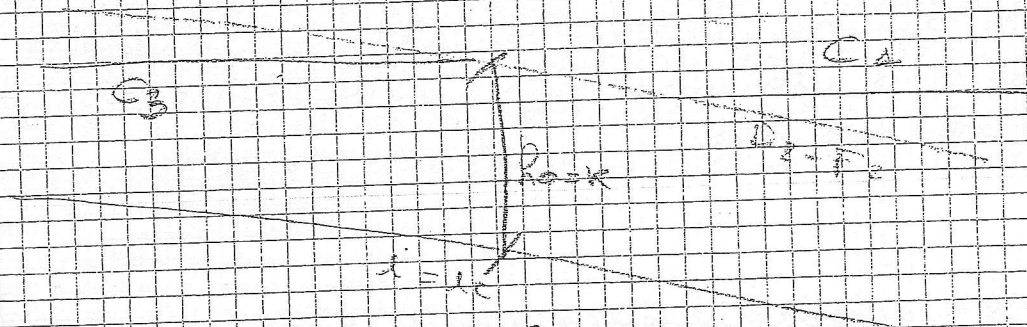
- gli moto di i si trova negli altri e deboli presenza  
 deboli presenza con moto negli altri e forte presenza  
 ordinare in il tipo delle comete



profili in alvea con  $i = i_c$

$$F = C = C_0 V^3$$

metodi di Drott



i profili  $D_2$  e  $F_2$  si corrispondono

$C_1$  è il caso limite di  $F_1$  e  $D_1$  (per  $h_0 > k$ )

$C_2$  " " " " "  $F_2$  e  $D_2$  (per  $h_0 < k$ )

Corrente veloce

Corrente lenta

$$h_0 < k$$

$$V > V_c$$

$$i > i_c$$

$$\frac{dh}{dx} < 0$$

$$C < V$$

$$h_0 > k$$

$$V < V_c$$

$$i < i_c$$

$$\frac{dh}{dx} > 0$$

$$C > V$$

$$C = \pm \sqrt{gh}^3$$

$$S = \frac{Q^2}{A^3 C^2 R}$$

Tab. 8.1

scarpa	tipo di terreno
1 : 2	conglomerato di tipo quasi-roccioso
1 : 1	terreni con sabbia e ghiaia ad elementi grossolani con elevato legante argilloso
3 : 2	terreni meno compatti con granulometria più fine
2 : 1	elementi fini con poco legante

Tab. 8.2

$v_l$ , velocità limite (m/s)	tipo di terreno
0,30 + 0,80	terreni da sabbioso finissimo a sabbioso-grossolano, a sabbioso argilloso, sino ad argilloso piuttosto compatto
0,80 + 0,81	terreno da argillo-ghiaioso, a ghiaioso grossolano, a detriti
1,40 + 1,80	conglomerati e rocce tenere
2,00 + 3,50	rocce dure
3,50 + 4,50	calcestruzzo

$v_f = 0,75 \cdot v_{lim}$

$v_f$  non deve essere minore di 0,20 - 0,30 m/s

NON DEVE ESSERE NE  
 TROPPO PICCOLA → ROSA di  
 SEDIMENTI.  
 NE TROPPO  
 GRANDE → SCOPPI (SER.)